

ŽILINSKÁ UNIVERZITA V ŽILINE STAVEBNÁ FAKULTA



Katedra stavebných konštrukcií a mostov



Ing. Jaroslav Odrobiňák

JEDNOLOĎOVÁ HALA S MOSTOVÝM ŽERIAVOM

(Učebná pomôcka)

Žilina, 2002 (oprava 2004)

OBSAH

1	VŠEOBI	ECNÉ ZÁSADY	. 2
2	NÁVRH	I JEDNOLOĎOVEJ HALY S MOSTOVÝM ŽERIAVOM	. 5
	2.1 DISE	POZIČNÉ RIEŠENIE A POPIS KONŠTRUKCIE	. 5
	2.2 STR	EŠNÝ PLÁŠŤ	. 7
	2.2.1	Zaťaženie podľa STN 73 0035	. 7
	2.2.2	Návrh horného plechu	. 8
	2.2.3	Návrh spodného plechu	. 9
	2.3 STR	EŠNÁ VÄZNICA	. 9
	2.3.1	Zaťaženie	10
	2.3.2	Výpočet vnútorných síl	10
	2.3.3	Overenie odolnosti (Kritérium I. skupiny medzných stavov)	13
	2.3.4	Overenie priehybu (Kritérium II. skupiny medzných stavov)	13
	2.4 Prie	EHRADOVÝ VÄZNÍK	14
	2.4.1	Geometria	14
	2.4.2	Zaťaženie	14
	2.4.3	Prehľad vnútorných síl väzníka	15
	2.4.4	Návrh prierezov prútov	15
	2.5 Žer	IAVOVÁ DRÁHA	16
	2.5.1	Zaťaženie žeriavovej dráhy	18
	2.5.2	Výpočet vnútorných síl od zvislého zaťaženia	20
	2.5.3	Návrh zvislého nosníka žeriavovej dráhy	22
	2.5.4	Posúdenie nosníka pri zvislom zaťažení	23
	2.5.5	Priehyb zvislého nosníka	27
	2.5.6	Výpočet vnútorných síl od vodorovného zaťaženia	27
	2.5.7	Návrh vodorovného nosníka	29
	2.5.8	Overenie odolnosti žeriavovej dráhy pri kombinovaných účinkoch	30
	2.5.9	Priehyb vodorovného vystužného nosníka	34
	2.5.10	Návrh krčných zvarov	34
	2.5.11	Uchytenie kol'ajnice	35
	2.5.12	Priečne výstuhy zvislého nosníka	39
	2.5.13	Overenie nosníka žeriavovej dráhy na únavu	42
	2.6 Prie	EČNA VÄZBA - NÁVRH STĹPOV	45
	2.6.1	Zaťaženie	46
	2.6.2	Výpočet staticky neurčitých síl (X) v priečnej väzbe	50
	2.6.3	Výpočet vnútorných síl na ľavom stĺpe	55
	2.6.4	Prehľad vnútorných síl a ich rozhodujúce kombinácie	59
	2.6.5	Návrh prierezov stlpa	60
	2.6.6	Overenie hornej časti stlpa	61
	2.6.7	Dolná časť stlpa	66
	2.6.8	Posúdenie priečneho vodorovného priehybu od žeriavu	70
Ll	ITERATÚI	RA	72

1 VŠEOBECNÉ ZÁSADY

Oceľové halové objekty majú mnohostranné využitie. Používajú sa ako výrobné haly, sklady, na nosné konštrukcie supermarketov, obchodných centier ale i športových hál alebo hangárov. Oceľ ako konštrukčný materiál tu má veľké možnosti využitia pri prenášaní pomerne veľkých zaťažení (napr. od mostových žeriavov v priemyselných halách) resp. pri preklenutí veľkých rozpätí (napr. zimné štadióny).

Halové objekty výrobných a skladových hál sú priečne usporiadané ako jednoloďové až viacloďové objekty s priečnymi väzbami rôzneho konštrukčného usporiadania, obr. 1.1 a obr. 1.2. Viac informácií je možné získať napríklad v [1].



Obr. 1.1 Priečna väzba jednoloďovej haly s priehradovým väzníkom



Obr. 1.2 Rámová priečna väzba dvojloďovej haly

Návrh konštrukcie oceľových hál poskytuje príklad výpočtu rôznych druhov zaťažení a posúdenia rôznych typov konštrukčných prvkov.

Uvedieme iba hlavné zásady návrhu jednotlivých rozmerov a konštrukčných častí hál. Rozpätie a počet lodí ako aj dĺžka haly je určená investorom a vychádza z účelu objektu. Ak bude v hale umiestnený mostový žeriav, rozpätie lodí je od 12 m do 30 m s modulom 3 m. Potrebná svetlá výška haly musí zabezpečiť dostatočný priestor na manipuláciu s bremenami, prípadne pohyb vozidiel a pod. V prípade haly so žeriavom je potrebné zabezpečiť prechodový gabarit mostového žeriavu, ktorý je daný na obr. 1.3 hodnotou *A*. Stĺpy a prípadné priečle sú zhotovené ako I profily zvárané z plechov alebo sa využíva široká ponuka valcovaných profilov, najmä nosníky I, IPE, HEA, HEB a ďalšie. Na konštrukciu väzníkov sa využívajú valcované profily L prípadne U a uzavreté prierezy najmä kruhového alebo obdĺžnikového prierezu.

Vzdialenosť priečnych väzieb ovplyvňuje nielen namáhanie samotných priečnych väzieb, ale predurčuje rozpätie aj ďalším konštrukčným prvkom (žeriavová dráha, väznice, paždíky, obvodové steny a pod.), od ktorého závisia ich dimenzie. Vzdialenosť priečnych väzieb je najčastejšie 6 - 12 *m*, prípadne až 15 *m*. Väznice, ktoré nesú strešný plášť sú obvykle z valcovaných profilov (IPE, UPE), alebo moderné haly využívajú ponuky firiem, zaoberajúcich sa oplášť ovaním hál a ako väznice preferujú rôzne C a Z profily z plechov valcovaných za studena.

Do rozpätia 6 *m* bývajú väznice zhotovené ako jednoduché nosníky. Na rozpätie 6 až 9 (12) *m* je výhodné použiť Gerberové nosníky. Pri väčších rozpätiach (> 9 *m*) už rozhoduje priehyb väzníc a teda je na zváženie použitie spojitých nosníkov, ktoré sú však náročné na presnosť výroby a montáže. Ako strešný plášť je v súčasnej dobe možné použiť veľké množstvo rôznych skladieb pre určité špecifiká haly. Väčšinou ide o kombináciu vlnitých plechov valcovaných za studena s tepelnou izoláciou, buď na báze minerálov, alebo silikátov. Krytinu tvoria buď ťažké izolačné pásy, alebo novšie sú už priamo vlnité plechy s hydroizolačnou a reflexnou vrstvou. Rovnako obvodové steny je možné zhotoviť z rôznych materiálov, od hrázdenej steny z valcovaných profilov a muriva, až po moderné kazetové profily s tepelnou izoláciou a vlnitými plechmi.

Dôležitú súčasť konštrukcií oceľových hál predstavuje stuženie. Pre typický halový objekt z obr. 1.3 sa odporúča navrhnúť:

- zvislé pozdĺžne stuženie navrhujú sa ako priehradové nosníky medzi väzníkmi, a to tak aby ich vzdialenosť nebola väčšia ako 12 m. Má hlavne stabilizačnú úlohu počas montáže a prenáša pozdĺžne účinky pri dolnom páse väzníka (ak vznikajú);
- odkvapové pozdĺžne stuženie haly v rovine strechy prenáša vodorovnú zložku od zaťaženia strechy a reakciu od medzistĺpika prerozdeľuje na jednotlivé prilahlé stĺpy priečnych väzieb. Navrhuje sa medzi odkvapovou a prvou medzilahlou väznicou;
- priečne vetrové stužidlo, ktoré prenáša pozdĺžne účinky vetra sa navrhuje v krajných poliach pri krajných priečnych väzbách haly, ak je jej dĺžka do 72 m. Pri väčšej dĺžke haly sa umiestnia tak, aby dĺžka úseku prislúchajúca k jednému stužidlu nepresiahla 36 m. Priečne vetrové stužidlo prechádza zo strechy do zvislej roviny haly a končí v základoch. Tvorí akýsi "balkónový nosník" zaťažený v uzloch účinkami vetra;
- brzdné stužidlo sa navrhuje vtedy, ak je v hale umiestnený žeriav. Prenáša brzdné a rozjazdové sily z nosníka žeriavovej dráhy do základov. Často je vhodné spojiť toto stuženie spolu s časťou vetrového stužidla prebiehajúceho vo zvislých stenách do jednej konštrukčnej úpravy. Brzdné stužidlo by nemalo preberať brzdnú silu z úseku dlhšieho ako 30 m.



Obr. 1.3 Dispozičné zásady

2 NÁVRH JEDNOLOĎOVEJ HALY S MOSTOVÝM ŽERIAVOM

2.1 DISPOZIČNÉ RIEŠENIE A OPIS KONŠTRUKCIE

Treba navrhnúť jednoloďový halový objekt rozpätia L = 24 m s piatimi poliami. Vzdialenosť priečnych väzieb je a = 9 m. Skladobná výška spodného stĺpa je 7,2 m (6,3 m od podlahy haly). Hala bude slúžiť na výrobu ťažkých turbín a motorov, preto je požiadavka inštalácie mostného žeriavu nosnosti 32/8 t. Žeriav má rozpätie 22,5 m, patrí k druhu 2 a zdvihovej triede b v únavovej skupine II. Počet cyklov počas životnosti sa predpokladá 6.10^5 pri pomernom vyťažení žeriavu 60 %. Obvodový plášť musí spĺňať požiadavky investora na tepelný odpor $R \ge 2,5 m^2 K W^1$. Plochá prístupná strecha má zabezpečiť $R \ge 3,5 m^2 K W^1$. Oceľová hala bude postavená v III. snehovej oblasti a v III. vetrovej oblasti na teréne bez okolitej tieniacej výstavby.

- Navrhneme plnostenný zváraný stĺp s odstupňovaným prierezom. Jeho spodná časť výšky 800 mm sa v hornej, menej namáhanej oblasti zmenšuje na 400 mm.
- Priehradový strešný väzník rozpätia 24 m má v strede výšku

$$h_{v} = \left(\frac{1}{8} \div \frac{1}{9}\right) \cdot L = \left(\frac{1}{8} \div \frac{1}{9}\right) \cdot 24 = 3 \div 2,667 = 3m$$

Vzhľadom k 5 % spádu strešného plášťa jej veľkosť pri stĺpoch bude

$$h_0 = h_v - 0,05 \cdot \frac{L}{2} = 3 - 0,05 \cdot \frac{24}{2} = 2,4 m$$

- > Väznice zhotovíme z valcovaného prierezu IPE ako Gerberov nosník s vloženými kĺbmi vo vzdialenostiach $a_1 \cong 0,15 a$
- > Žeriavová dráha sa vytvorí zo zvislého nesymetrického zváraného I nosníka výšky

$$h_n \cong \left(\frac{1}{10} \div \frac{1}{15}\right) \cdot a = \left(\frac{1}{10} \div \frac{1}{15}\right) \cdot 9 = 0,9 \div 0,6 = 0,9 m$$

Jej vodorovný výstužný nosník z plechu hrúbky 8 *mm* na pozdĺžnom okraji zosilňuje dvojica uholníkov.

Stuženia a ostatné charakteristiky ilustruje obr. 2.1. Brzdné stužidlo je umiestnené v strednom poli haly. REZ A-A'



PÔDORYS



Obr. 2.1 Dispozícia výrobnej haly

2.2 STREŠNÝ PLÁŠŤ

Strešný plášť navrhneme z dvojice tvarovaných plechov, medzi ktorými sú dištančné profily a izolácia hrúbky 140 *mm*. Spodný plech navrhneme typu 11001. Horný plech typu 10001 má špeciálne upravený povrch.

2.2.1 Zaťaženie podľa STN 73 0035 [2]

a) Stále a náhodilé dlhodobé zaťaženie

		charakteristické	γ_F	návrhové
- - -	horný plech 10001 tepelná izolácia 0,140 · 2,0 parotesná zábrana spodný plech 11001	0,0934 0,280 0,01 0,0969	1,1 1,2 1,2 1 1	0,103 0,336 0,012 0,107
	-Found From Loop	$g_k = 0,4803 \ kNm^{-2}$		$g_d = 0,557 \ kNm^{-2}$

b) <u>Náhodilé krátkodobé zaťaženie</u>

ba) zaťaženie snehom

Základná tiaž snehu v III. snehovej oblasti $s_0 = 1,0 \ kNm^{-2}$ Tvarový súčinitel' $\mu_s = 1,0$ Súčinitel' tiaže krytiny $\kappa = 1,2$

$$s_k = s_0 \cdot \mu_s \cdot \kappa = 1, 0 \cdot 1, 0 \cdot 1, 2 = 1, 2 k Nm^{-2}$$

$$s_d = \gamma_{Fs} \cdot s_k = 1, 4 \cdot 1, 2 = 1, 68 \, kNm^{-2}$$

bb) zaťaženie vetrom

Vietor vyvodzuje na strešnej krytine sanie. Najväčšie sanie vzniká pri pozdĺžnom vetre, kedy je tvarový súčiniteľ $c_w = -0.7$. Súčiniteľ výšky pre jej veľkosť nad terénom 12,5 *m* je $\kappa_w = 1,06$. Základný tlak vetra v III. vetrovej oblasti $w_o = 0,45 \ kNm^{-2}$. Charakteristické zaťaženie preto bude

$$W_k = W_0 \cdot \kappa_w \cdot c_w = 0,45 \cdot 1,06 \cdot (-0,7) = -0,334 \, kNm^{-2}$$

Jeho návrhová veľkosť

$$w_d = w_k \cdot \gamma_{Fw} = -0,334 \cdot 1,3 = -0,434 \, kNm^{-2}$$

bc) osamelé bremeno má charakteristickú hodnotu $F_k = 1,0 \ kN$

Návrhová veľkosť tohto izolovaného účinku

$$F_d = \gamma_F \cdot F_k = 1, 2 \cdot 1, 0 = 1, 2 kN$$

2.2.2 Návrh horného plechu

Podperami pre horný plech sú dištančné profily v mieste väzníc.

Prierezové veličiny na 1 m šírky plechu typu 10001



Plech pôsobí ako dvojpoľový a trojpoľový spojitý nosník. Moment nad strednou podperou dvojpoľového nosníka predstavuje rozhodujúce namáhanie. Keďže zaťaženie snehom vyvolá väčšie účinky ako osamelé bremeno, uvažujeme súčinitele kombinácie pre sneh $\psi_c = 1,0$ a pre osamelé bremeno $\psi_c = 0,8$.



Obr. 2.3 Statická schéma horného plechu

$$\begin{split} M_{Sd} &= -0,125 \cdot 0,103 \cdot 2,4^2 + \left[1,0 \cdot \left(-0,125 \cdot 1,68 \cdot 2,4^2 \right) + 0,8 \cdot \left(-0,091 \cdot 1,2 \cdot 2,4 \cdot \frac{1,0}{0,6} \right) \right] = \\ &= -1,633 \, kNm \\ M_{Rd} &= W_{y,eff,R} \cdot f_{yd} = 8,85 \cdot 10^{-6} \cdot 213,636 \cdot 10^3 = 1,891 \, kNm \\ \left| M_{Sd} \right| &= 1,633 \, kNm < M_{Rd} = 1,891 \, kNm \qquad \dots \text{ prierez vyhovuje} \end{split}$$



Obr. 2.4 Dolný plech

Prierezové charakteristiky plechu 11001 šírky 1 *m* sú

$$W_{eff,R} = 12,74 \cdot 10^{-6} m^3$$

 $I_{eff,R} = 32,57 \cdot 10^{-6} m^4$

$$\begin{split} M_{Sd} &= -0,125 \cdot 0,557 \cdot 2,4^2 + \left[1,0 \cdot \left(-0,125 \cdot 1,68 \cdot 2,4^2 \right) + 0,8 \cdot \left(-0,091 \cdot 1,2 \cdot 2,4 \cdot \frac{1,0}{0,6} \right) \right] = \\ &= -1,960 \, kNm \\ M_{Rd} &= W_{y,eff,R} \cdot f_{yd} = 12,74 \cdot 10^{-6} \cdot 213,636 \cdot 10^3 = 2,722 \, kNm \\ \left| M_{Sd} \right| &= 1,960 \, kNm < M_{Rd} = 2,722 \, kNm \qquad \dots \text{ prierez vyhovuje} \end{split}$$

Od sania vetra vznikne moment, ktorý nerozhoduje

$$M_{Sd} = -0.125 \cdot (\gamma_F \cdot g_k + w_d) \cdot 2.4^2 = -0.125 \cdot (0.9 \cdot 0.4803 - 0.434) \cdot 2.4^2 = 0.0012 \, kNm$$

Keďže plechy budú priskrutkované, vietor strešnú krytinu nemôže nadvihnúť. Plechové profily teda vyhovujú, skrutky je nutné navrhnúť na toto zaťaženie.

2.3 STREŠNÁ VÄZNICA

Strešnú väznicu navrhneme z profilu IPE 220 ako Gerberov nosník v dispozícii podľa obr. 7.8. Kĺby umiestnime do vzdialenosti asi 15 % z rozpätia polí. $a = 0.15 \cdot 9.0 = 1.35 m$



Obr. 2.5 Statická schéma strešnej väznice

Väznice, ktoré sú súčasťou pozdĺžneho stužidla by bolo treba posúdiť aj na namáhanie plynúce z tejto funkcie. Vzniká v nich osová sila ako v páse priehradoviny. Ďalej posúdime podrobnejšie iba medziľahlú väznicu.

2.3.1 Zaťaženie

a) Stále a dlhodobé zaťaženie

	charakteristické	γ_F	návrhové
 od strešného plášťa g_{k,str.plášťa} · b = 0,48 tiaž väzníc IPE č. 2 	0 · 2,4 1,152 <i>kNm⁻¹</i> 20 so stužením	1,16	$0,557\cdot 2,4 = 1,337 \ kNm^{-1}$
odhad	$0,262 \ kNm^{-1}$	1,1	$0,2882 \ kNm^{-1}$
	$g_k = 1,414 \ kNm^{-1}$	_	$g_d = 1,625 \ kNm^{-1}$

b) Krátkodobé náhodilé zaťaženie

ba) zaťaženie snehom	$s_k = s_{k,str.pl.} \cdot b =$	$s_d = s_{d,str.pl.} \cdot b =$
	$= 1,2 \cdot 2,4 = 2,88 \ kNm^{-1}$	$= 1,68 \cdot 2,4 = 4,032 \ kNm^{-1}$

bb) zaťaženie vetrom - sanie vetra nebude rozhodovať pri posúdení väznice

bc) osamelé bremeno
$$F_k = 1 \ kN$$
 $F_d = \gamma_F \cdot F_k = 1, 2 \cdot 1, 0 = 1, 2 \ kN$

c) Kombinácia zaťaženia

Sneh vyvolá väčšie účinky preto opäť uvažujeme súčiniteľ kombinácie pre toto zaťaženie $\psi_c = 1,0$ a pre osamelé bremeno $\psi_c = 0,8$.

 $g_{k} = (g_{k} + \psi_{c} \cdot s_{k}) = (1,414 + 1,0 \cdot 2,88) = 4,294 \ kNm^{-1}$ $F_{k} = \psi_{c} \cdot F_{k} = 0,8 \cdot 1,0 = 0,8 \ kN$ $g_{d} = (g_{d} + \psi_{c} \cdot s_{d}) = (1,625 + 1,0 \cdot 4,032) = 5,657 \ kNm^{-1}$ $F_{d} = \psi_{c} \cdot F_{d} = 0,8 \cdot 1,2 = 0,96 \ kN$

2.3.2 Výpočet vnútorných síl



Zaťaženie by sa malo rozložiť na zložky v osiach *y* a *z*. Prierez je potom namáhaný zloženým ohybom a krútením. Sklon 5 % je však malý a krytina stenovou tuhosťou prenáša zložku rôznobežnú so strešnou rovinou do odkvapového stužidla. Neuvažujeme preto ohyb k osi *z*.

Obr. 2.6 Prierez strešnej väznice

a) Nesené vložené pole - max M`



Obr. 2.7 Vložené pole

 $A = \frac{1}{2} \cdot g_d \cdot l = \frac{1}{2} \cdot 5,657 \cdot 6,3 = 17,820 \, kN$

b) Stredné pole s previslými koncami, nesúce aj vložené polia

ba) max M``



Obr. 2.8 Stredné pole - max M``

$$\max A^{``} = A^{`} + \frac{F_d}{2} + g_d \cdot \left(\frac{2 \cdot 1,35 + 9}{2}\right)$$
$$= 17,82 + \frac{0.96}{2} + 5,657 \cdot 5,85 = 51,393 \, kN$$

Maximálny moment bude

$$max M^{``} = -A^{`.}5,85 + max A^{``.}4,5 - \frac{g_d}{2} \cdot (1,35 + 4,5)^2$$
$$= -17,82 \cdot 5,85 + 51,393 \cdot 4,5 - \frac{5,657 \cdot 5,85^2}{2}$$
$$= 30,223 \, kNm$$

bb) min M



d $\min M = -(A + F_d) \cdot 1,35 - g_d \cdot \frac{1,35^2}{2}$ $= -(17,82 + 0,96) \cdot 1,35 - 5,657 \cdot \frac{1,35^2}{2}$ $= -30,508 \, kNm$

Obr. 2.9 Stredné pole - min M``

c) Krajné pole s previslými koncami

ca) max M```

Najskôr zistíme, kde treba umiestniť silu F_d . Bude pôsobiť v mieste maximálneho momentu od $(g_d + A)$.



Obr. 2.10 Krajné pole - max M```

Reakcia bez sily F_d

$$A^{\text{``}} = \frac{g_d \cdot 11,85 \cdot 4,575 - A^{\text{`}} \cdot 1,35}{9}$$
$$= \frac{5,657 \cdot 11,85 \cdot 4,575 - 17,82 \cdot 1,35}{9} = 31,403 \, kN$$

Podmienka nulovej priečnej sily

$$V = 0 \to g \cdot (1, 5 + x_1) - A^{\text{max}} = 0$$
$$\implies x_1 = \frac{31,403}{5,657} - 1,5 = 4,051m$$

Maximálna reakcia je potom

$$\max A^{\text{max}} = \frac{g_d \cdot 11,85 \cdot 4,575 - A^{\text{max}} \cdot 1,35 + F_d \cdot 4,949}{9} = 31,403 + \frac{0,96 \cdot 4,949}{9} = 31,931 kN$$

Maximálny ohybový moment v poli je

$$\max M^{\text{max}} = -g_d \cdot \frac{(1,5+4,051)^2}{2} + A_{\max}^{\text{max}} \cdot 4,051 = -5,657 \cdot \frac{5,551^2}{2} + 31,931 \cdot 4,051 =$$

= 42,196 kNm

cb) min M^{```}*- moment na previslej konzole*

٩d

I A

Moment na koncovej konzole

$$\min M^{\text{min}} = M_a = -F_d \cdot 1, 5 - g_d \cdot \frac{1, 5^2}{2}$$

$$= -0,96 \cdot 1, 5 - 5,657 \cdot \frac{1, 5^2}{2} = -7,804 \, kNm$$

Obr. 2.11 Krajné pole - min M```

1500

2.3.3 Overenie odolnosti (Kritérium I. skupiny medzných stavov)

Väznica musí preniesť návrhový moment

 $M_{Sd} = \max \left(\max M^{,} \max M^{,} \max M^{,} \max M^{,} |\min M^{,}|, |\min M^{,}| \right)$ = max (29,580; 30,223; 42,196; 30,508; 7,804) = 42,196 kNm

Moment únosnosti prierezu je

$$\begin{split} M_{b,Rd} &= \chi_{LT} \cdot \beta_w \cdot W_{pl} \cdot f_y / \gamma_{M1} = \chi_{LT} \cdot W_{el} \cdot f_{yd} \\ \chi_{LT} &= 1,0 \qquad \text{pretože pri kladnom momente je väznica zabezpečená oproti klopeniu plechom krytiny} \\ W_{el,IPE220} &= 252 \cdot 10^{-6} m^3 \\ M_{b,Rd} &= 1,0 \cdot 252 \cdot 10^{-6} \cdot 213,636 \cdot 10^3 = 53,836 \ kNm \\ M_{Sd} &= 42,196 \ kNm \ < M_{b,Rd} = 53,836 \ kNm \ \dots \text{ prierez väznice vyhovuje} \end{split}$$

2.3.4 Overenie priehybu (Kritérium II. skupiny medzných stavov)

Priehyb vypočítame kombináciou momentových plôch, obr. 2.12 . Silu umiestnime približne tam, kde rozhodovala pri zisťovaní *max M*.



$$\delta = 40, 6mm < \delta_{\text{max}} = \frac{L}{200} = \frac{9000}{200} = 45 \, mm \qquad \dots \text{ priehyb vyhovuje}$$

2.4 PRIEHRADOVÝ VÄZNÍK

2.4.1 Geometria

Strešný väzník navrhujeme ako celozvarovanú priehradovinu z uholníkov. Geometriu charakterizuje obr. 2.13.



Obr. 2.13 Geometria priehradového strešného väzníka haly

2.4.2 Zaťaženie

a) Stále a náhodilé dlhodobé zaťaženie

strešný plášť na m² $g_{k,kryt} = 0,4803 \ kNm^{-2}$ tiaž väzníc na m² $g_{k,vaznic} = 0,262 \ kNm^{-1} \ / \ b = 0,262 \ / \ 2,4 = 0,1092 \ kNm^{-2}$ tiaž väzníka (na m²) odhadneme z približného vzorca

$$g_{k,VL} = \frac{L}{76} \cdot \sqrt{\frac{g_{k,kryt} + g_{k,vaznic} + s_k}{a}} = \frac{24}{76} \cdot \sqrt{\frac{0,4803 + 0,1092 + 1,2}{9}} = 0,141 \, kNm^{-2}$$

- b) <u>Zaťaženie snehom</u> $s_k = 1,2 \ kNm^{-2}$
- c) Uzlové sily na väzník

$$F_{k} = (g_{k,kryt} + g_{k,vaznic} + g_{k,VL} + \varphi_{c}.s_{k}) \cdot a \cdot b =$$

= (0,4803 + 0,1092 + 0,141 + 1,0.1,2) \cdot 9 \cdot 2,4 = 41,699 kN

Návrhová hodnota

$$F_{d} = \left(g_{d,kryt} + 1, 1 \cdot g_{k,vaznic} + 1, 1 \cdot g_{k,VL} + 1, 0 \cdot 1, 4 \cdot s_{k}\right) \cdot a \cdot b =$$

= $\left(0,557 + 1, 1 \cdot 0,1092 + 1, 1 \cdot 0,141 + 1, 0 \cdot 1, 4 \cdot 1, 2\right) \cdot 9 \cdot 2, 4 = 54,263 \, kN$

2.4.3 Prehľad vnútorných síl väzníka

Obvyklý výpočet predpokladá, že uzly sú dokonalé kĺby. V skutočnosti horný a dolný pás tvoria spojité prúty, ku ktorým sú pomocou styčníkového plechu privarené zvislice a diagonály. Teda výplňové prúty sú pripevnené k pásom väzníka polotuhým spojom, ktorý sa svojou rotačnou kapacitou veľmi blíži ku kĺbu. V tabuľke 2.1 uvádzame návrhové vnútorné sily vo väzníku od zvislého zaťaženia vypočítané na staticky určitej priehradovej konštrukcii.

[kN]	\mathbf{H}_{1}	H_2	H ₃	H_4	H ₅	S_1	S ₂ S ₃		S_4	S_5	
väzníka	-232	,846	-496	,064	-543,308	0	394	,640	542,630		
ítoch	D ₁	D ₂	D ₃ D ₄		D ₅	V_2	V_3	V_4	V_5	V ₆	
Sily v prú	328,883	-240,956	149,857	-73,706	0	-54,263	0	-54,263	0	0	

Tabuľka 2.1 Osové sily v prútoch väzníka

Väzník je však súčasťou priečnej väzby. Treba preto pamätať na to, že k vnútorným silám, hlavne v hornom páse a v prvých dvoch diagonálach, pribudne ešte účinok pôsobenia väzníka ako rámovej priečle. Veľkosť týchto prídavných síl nepresahuje 5 až 10 % zo síl, ktoré pôsobia vo väzníku od zvislého zaťaženia. Po vyriešení priečnej väzby sa sily v prútoch väzníka upresnia.

2.4.4 Návrh prierezov prútov

Známym postupom z predmetu "Kovové konštrukcie 1" zaoberajúcim sa osovo namáhanými prútmi s využitím STN 73 1401 [3], sme navrhli prierezy prútov väzníka. Prehľad jednotlivých prierezov je uvedený v tabuľke 2.2.

Horný pás	Н		∕∕⁄ 160 x 160 x 14
Dolný pás	S		∕∕ 140 x 140 x 10
Diagonály	Diagonály D ₁ , D ₄		70 x 70 x 6

Tabuľka 2.2 Prehľad prierezov prútov väzníka

Diagonály	D ₂	10	☐ 100 x 100 x 8
Diagonary	D ₃ , D ₅	10	→ 50 x 50 x 5
	V ₂ , V ₄	10	─ 60 x 60 x 6
Zvislice	V ₃ , V ₅		→ 50 x 50 x 5
	V ₆		\neg^{\perp} 50 x 50 x 5

Tabuľka 2.2 Prehľad prierezov prútov väzníka - Pokračovanie

2.5 ŽERIAVOVÁ DRÁHA

V hale bude po žeriavovej dráhe jazdiť žeriav 32/8 t - 22,5 m - 2bII - STN 27 0200 [4]. Základné parametre žeriavu získame z tabuľky 2.3. Parametre žeriavov s jedným alebo s viacerými hákmi, prípadne žeriavy iných zdvihových tried alebo prevádzkových skupín, je možné nájsť v uvedenej norme [4] alebo v pomôcke [5], resp. [6]. Ak je v hale umiestnený iný typ žeriavu, jeho základné charakteristiky zistíme u výrobcu, prípadne z katalógov.

Podľa údajov investora sú základné prevádzkové charakteristiky žeriavu nasledujúce:

počet cyklov počas doby životnosti	$6 \cdot 10^{5}$
pomerné využitie žeriavu	60 %
pracovný režim	stredný
druh žeriavu	2
zdvihová trieda	b
únavová prevádzková skupina	II

Žeriavovú dráhu navrhneme podľa STN 73 1401 [3] pričom zaťaženie určíme podľa STN 73 0035 [2] a s využitím tabuľky 2.3. Základné rozmery, ktoré limitujú návrh prierezov žeriavovej dráhy, sú na obr. 2.14.

pre	vád	lzko	vá	sku	pin	a II	r																				
Nos zdv	nosť rihu	R	ozpät	ie	Rycl	hlosť				н	avné r	ozmer	y žeria	vu				Do para	ojazdo metre	vé háku	avovej	Nárazová Hm sila pri 75% Zaťaženie			Hmo	tnosť	
o zdvihu	10 zdvihu	lode	eriavu	e rozpätie avu	zdvih	mosta	b *	۸ *	E *		м	N	•	в	Б	7	7	Б	6	-	jnice žeri dráhy*	meno rých poja	ovitej Ilosti azdu	žeria drál kole žeri	vovej hy 1 som avu	čky	eriavu s kou
vného	ocnél		Ň	máln žeri	lavný	ojazd	5	~	E	5	IVI		U	F1	F3	2	<u>-1</u>	ĸ	3		ı koľa	m/ı	min			mag	ého ž mač
hla	mod	L	I	Maxi	ч	à															Šírka	80	100	\mathbf{V}_{\max}	\mathbf{V}_{\min}		ce
	t		m		m/ı	min								mm									k	N			t
		12	10,5	12,0														1080				56,2	70,0	146,0	39,0		17,8
		15	13,5	14,1					715	5735	2740	2995	4100	820	1075			1000				58,7	73,1	153,0	40,9		19,4
		18	16,5	17,1		80												1150				61,5	76,7	160,0	43,8		21,4
20	5	21	19,5	20,1	10	100	250	2100								2200	2400	1070	2000	1600	65	67,1	83,7	171,0	51,6	5,5	25,2
		24	22,5	23,1					810	5875	2805	3070		745	1225			1220				70,0	85,4	178,0	56,3		27,4
		07	05.5	00.4					0.0	00.0	2000	0010						1000					170.0	100.0	~~ ~		04 5

4400

4500 850

5400

775

750

2800 3180

6130 2875 3255

3225 3705 1320

1420

1440

1300

1300

1400

1390

1220

1270

1420

2825 1200

1175 2400 2700

3200

1325

1425

74,9 179,8 189,0 66,0

190,6 195,0 71,3

202,0 59,3

212,0 58,3

223.0 61,7

265,0

295,0 92,0

244,0 70,0

253,0 75,0

281,0 100,0

315,0 87,7

327,0 90,1

345,0 97,9

362,0 108,0

378.0 120.0

389.0 128.0

84,6

77,2

50,0

52,0

103,0

75,2

78,3

83,0

142,0

73,3

77,2

80,5

242,8

316,0

322.4

1650 80

2050

2250 1600 100 118,4 31,5

33,8

22,3

24,3

27.2

32,2

34,9

39,2

45.7

33.9

36,9

42,0

47,6

53,1

59.6

8,4

Tabuľka 2.3 Elektrické mostové žeriavy s dvoma hákmi - zdvihová trieda b, únavová

* Ak sa po jednej žeriavovej dráhe pohybuje viac žeriavov, je potrebné uvažovať parametre podľa žeriavu najväčšej nosnosti.

850

890

985 6930

1070 7145 3340 3805 5600

5980

27

30

12

15

18

21

24

27

30

12

15

24

27 25.5 26.4

30

32

50 12,5 21

8

25,5 26,1

28,5 29,1

10,5 11,2

13,5 14,1

16.5 17.1

19,5 20,1

22,5 23,1

25,5 26,2

28,5 29,1

10,5 11,0

13.5 14.5

19,5 19,8

22,5 23,2

28.5 29.1

18 16,5 16,8

8

5

80

270

300 2700

2400



Obr. 2.14 Žeriavová dráha

2.5.1 Zaťaženie žeriavovej dráhy

a) <u>Stále zaťaženie</u>

		charakteristické	γ_F	návrhové
-	tiaž koľajnice JKL 80	0,499	1,1	0,5489
-	hmotnosť zvislého nosníka	2,3	1,1	2,53
-	vodorovný nosník a jeho stuženie	1,0	1,1	1,12
		$\overline{g_k} = 3,799 \ kNm^{-1}$		$g_d = 4,179 \ kNm^{-1}$

b) Náhodilé krátkodobé zaťaženie

ba) zvislé účinky

Charakteristické kolesové sily (z tabuľky 2.3)

	γ_F	navrnove
$V_{1,max,k} = 253,0 \ kN$	1,2	$V_{1,max,d} = 303,6 \ kN$
$V_{1,min,k} = 75,0 \ kN$	1,2	$V_{1,min,d} = 90,0 \ kN$

Dynamické účinky zohľadňuje dynamický súčiniteľ $\delta = 1,2$ z STN 73 0035 [2] pre stykované koľajnice.

$$V_{1,\max,d}^{\delta} = V_{1,\max,d} \cdot \delta = 303, 6 \cdot 1, 2 = 364, 32 \, kN$$
$$V_{1,\min,d}^{\delta} = V_{1,\min,d} \cdot \delta = 90, 0 \cdot 1, 2 = 108, 0 \, kN$$

bb) vodorovné účinky

A) Priečne sily H_{tp} od priečenia žeriavu a iných imperfekcií



Obr. 2.15 Priečne sily H_{tp} od priečenia žeriavu a iných imperfekcií

Silu H_{tp,k} získame podľa STN 73 0035 [2] ako

$$H_{tp,k} = \pm \lambda \cdot \sum V_n = \pm 0,125 \cdot 506 = \pm 63,25 \, kN$$

kde λ je súčiniteľ závislý na pomere $\left(\frac{L_z}{0} = 5\right) \rightarrow \lambda = 0,125$

 $\sum V_n$ je súčet maximálnych zaťažení všetkých kolies na jednej vetve žeriavovej dráhy. V našom prípade teda

$$\sum V_n = 2 \cdot V_{1,\max,k} = 2 \cdot 253, 0 = 506, 0 \, kN$$

Návrhová hodnota priečnej sily potom bude

$$H_{tp,d} = \gamma_F \cdot H_{tp,k} = 1, 1 \cdot 63, 25 = \pm 69,575 \, kN$$

Pôsobisko síl sa uvažuje v mieste styku kolies s koľajnicou. Pôsobia buď proti sebe, alebo od seba na kolesá umiestnené krížom v žeriave (obr. 2.15).

B) Brzdné a rozbehové sily B_t od zotrvačných síl pri brzdení alebo rozbehu žeriavovej mačky

Charakteristickú hodnotu síl B_t získame ako

$$B_{t,k} = 0,10 \cdot V_{cn}$$

kde V_{cn} je zaťaženie kolies žeriavu od hmotnosti žeriavovej mačky s bremenami v krajnej polohe.

$$B_{t,max,k} = 0,10 \cdot V_{cn,max}$$
$$B_{t,min,k} = 0,10 \cdot V_{cn,min}$$



 $T = 1 \ 650 \ mm$ $L_{z} = 22 \ 500 \ mm$ V' = tiaž mačky + tiaž bremena $V' = 84 \ kN + 320 \ kN = 404 \ kN$

Obr. 2.16 Poloha bremena V`

$$V_{cn,\max} = \frac{22,5-1,65}{22,5} \cdot V^{2} = \frac{20,85}{22,5} \cdot 404 = 374,373 \, kN$$
$$V_{cn,\min} = \frac{1,65}{22,5} \cdot V^{2} = \frac{1,65}{22,5} \cdot 404 = 29,627 \, kN$$

Priečne sily od zmeny pohybu žeriavovej mačky potom sú

$$B_{t,max,k} = 0,1 \cdot 374,373 = 37,437 \ kN$$

$$B_{t,min,k} = 0,1 \cdot 29,627 = 2,963 \ kN$$

$$B_{t,max,d} = \gamma_F \cdot B_{t,max,k} = 1,1 \cdot 37,437 = 41,181 \ kN$$

$$B_{t,min,\delta} = \gamma_F \cdot B_{t,min,k} = 1,1 \cdot 2,963 = 3,259 \ kN$$

Umiestnenie týchto síl ukazujú obr. 2.16 a obr. 2.17. Sily $B_{t,max}$ pôsobia na kolesá žeriavu so žeriavovou mačkou v priľahlej krajnej polohe.



Obr. 2.17 Pôsobenie síl B_t

C) Pozdĺžna brzdná sila B od zotrvačných síl pri rozbehu a brzdení žeriavu

$$B_k = 0, 1 \cdot \sum V_n$$

kde $\sum V_n$ je súčet kolesových síl všetkých brzdených kolies na jednej vetve žeriavovej dráhy

$$\sum V_n = 1 \cdot V_{1,\max,k} = 1, 0 \cdot 253 = 253, 0 \, kN$$
$$B_k = 0, 1 \cdot \sum V_n = 0, 1 \cdot 253 = 25, 3 \, kN$$
$$B_d = \gamma_F \cdot B_k = 1, 1 \cdot 25, 3 = 27, 83 \, kN$$

2.5.2 Výpočet vnútorných síl od zvislého zaťaženia

 \mathbf{g}_{d}

a) Stále zaťaženie

Vyvodzuje najväčšie vnútorné sily

$$V_{g,\max} = \frac{g_d \cdot l}{2} = \frac{4,179 \cdot 9}{2} = 18,806 \, kN$$

$$M_{g,\max} = \frac{1}{8} \cdot g_d \cdot l^2 = \frac{1}{8} \cdot 4,179 \cdot 9^2$$
Obr. 2.18 Stále zaťaženie = 42,312 kNm

Moment vo vzdialenosti x = 3,375 m od podpery (kde je najväčší moment od zvislého pohyblivého zaťaženia).

$$M_{g,x=3,375} = \frac{g \cdot x}{2} \cdot (l - x) = \frac{4,179 \cdot 3,375}{2} \cdot (9 - 3,375) = 39,668 \, kNm$$
$$V_{g,x=3,375} = g \cdot \left(\frac{l}{2} - x\right) = 4,179 \cdot (4,5 - 3,375) = 4,701 \, kNm$$

b) Krátkodobé náhodilé zaťaženie

Maximálny moment získame pri polohe kolesových síl podľa obr. 2.19.



Pre $V_{1,\max,d}^{\delta} = 364,32 \ kN$ dostávame $M_{V,max} = 364,32 \cdot (2,1094 + 0,4219) = 922,20 \ kN$ Zodpovedajúca priečna sila v mieste x = 3,375 m $V_{V,maxM} = 364, 32 \cdot \left(\frac{4,50 + 2 \cdot 1,125}{9}\right) = 273, 24 \, kN$

Maximálna priečna sila pri podpere

$$V_{1,max}$$
 $V_{1,max}$ $V_{1,max}$ $V_{1,max}$ Λ_V $I_{1,max}$

$$V_{V,\text{max}} = 364, 32 \cdot (1+0,5) = 546, 48 \, kN$$

Súčasne predstavuje najväčšiu reakciu na nosníku od kolesových síl.

Obr. 2.19 Polohy žeriavu

1,0

c) Kombinácia zaťaženia

Maximálny ohybový moment

$$M_{Sd,y} = M_{g,x=3,375} + M_{V,\max} = 39,668 + 922,20 = 961,87 \, kNm$$

Zodpovedajúca priečna sila

$$V_{\max,M} = V_{g,x=3,375} + M_{V,\max,M} = 4,701 + 273,24 = 277,941 kN$$

Maximálna reakcia (priečna sila)

$$V_{Sd,z} = V_{g,\max} + V_{V,\max} = 18,806 + 546,48 = 565,29 \, kN$$

2.5.3 Návrh zvislého nosníka žeriavovej dráhy



Obr. 2.20 Prierez žeriavovej dráhy

Šírka hornej pásnice závisí od typu koľajnice a spôsobe pripevnenia koľajnice a vodorovného vystužného nosníka na hornú pásnicu. Obr. 2.21 znázorňuje tri najpoužívanejšie spôsoby uchytenia koľajnice: pomocou príchytiek, zarážiek a prerušovaných zvarov. Príchytky a zarážky sa musia spolu kombinovať (možná je aj kombinácia so zvarmi). Pre názornosť je pri každom obrázku nakreslený iný typ koľajnice aj iný typ prípoja vodorovného nosníka na hornú pásnicu.



Obr. 2.21 Spôsoby uchytenia koľajnice a vodorovného nosníka

Klasifikácie prierezu pri namáhaní ohybom pre stenu výšky $d = h_w = 860 mm$

$$d_c = z_1 - t_{fl} = 383,26 - 22 = 361,26 mm$$

$$d_t = d - d_c = 860 - 361,26 = 498,74 mm$$

$$\psi = -\frac{d_t}{d_c} = -\frac{498,74}{361,26} = -1,38 < -1,0$$

Vzhľadom k dynamickému namáhaniu konštrukcie, nebudeme využívať plastizáciu prierezu. Pri ψ < - 1,0 je medzná štíhlosť pre prierez triedy 3 daná vzťahom

$$65 \cdot \varepsilon_m \cdot (1 - \psi) \cdot \sqrt{-\psi} = 65 \cdot 1, 0 \cdot (1 + 1, 38) \cdot \sqrt{1, 38} = 181, 73$$
$$\frac{d}{t} = \frac{860}{10} = 86 < 181, 73$$

Z tohto kritéria plynie, že prierez vyhovuje kritériám pre triedu 3.

2.5.4 Posúdenie nosníka pri zvislom zaťažení

a) Overenie prierezu v jeho krajných vláknach

Kritérium odolnosti pri kombinovanom namáhaní

$$\left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{yd}}\right)^2 + \left(\frac{\tau_{Ed}}{f_{yd}/\sqrt{3}}\right)^2 \le 1,0$$

Šmykové napätie τ_{Ed} nadobúda nulové hodnoty na povrchu pásnic.

BOD 1 (na hornom povrchu hornej pásnice)

Prierez je zabezpečený oproti klopeniu spojito plechom hrúbky 8 mm vodorovného vystuženého nosníka (lávky).

$$\sigma_{x,Ed,1} = \frac{M_{Sd,y}}{W_{y,el,1} \cdot \chi_{LT}} = \frac{961,87 \cdot 10^{-3}}{7,10055 \cdot 10^{-3} \cdot 1,0} = 135,464 \cdot 10^{6} = 135,464 MPa$$
$$\left(\frac{135,464}{213,636}\right) = 0,634 < 1,0 \qquad \dots \text{ wyhovuje.}$$

- v hornej pásnici potrebujeme rezervu, pretože je súčasťou aj vodorovného vystuženia nosníka, preto je rozdiel 36% vo využiteľnosti prierezu prijateľný.

BOD 2 (na spodnom povrchu dolnej pásnice)

$$\sigma_{x,Ed,2} = \frac{M_{Sd,y}}{W_{y,el,2}} = \frac{961,87 \cdot 10^{-3}}{5,266395 \cdot 10^{-3}} = 182,643 \cdot 10^{6} = 182,643 MPa$$
$$\left(\frac{182,643}{213,636}\right) = 0,855 < 1,0 \qquad \dots \text{ wyhovuje.}$$

b) Overenie steny a jej rovinného kombinovaného namáhania

ba) štíhlosť steny

Stenu vystužíme priečnymi výstuhami vo vzdialenostiach 1 m, teda a = 1 m.



Obr. 2.22 Vystužené polia steny

$$\beta_{w} = \frac{h_{w}}{t_{w}} = \frac{860}{10} = 86$$

Pomer strán vystužených polí potom je

$$\alpha = \max\left(\frac{a}{d}; \frac{d}{a}\right) = \max\left(\frac{1}{0,86}; \frac{0,86}{1}\right) = \max\left(1,163; 0,86\right) = 1,163$$

Medzná štíhlosť

$$\beta_{1,v} = 100 \cdot \left(0, 7 + \frac{0,3}{\alpha^2}\right) \cdot \sqrt{\frac{235}{f_y}} = 100 \cdot \left(0, 7 + \frac{0,3}{1,163^2}\right) \cdot 1, 0 = 92,18$$

$$\beta_w = 86 < \beta_{1,v} = 92,18 \qquad \dots \text{ ide o } \underline{\text{kompaktnú stenu}} \text{ pri namáhaní šmykom.}$$

Statický moment plochy časti prierezu nad neutrálnou osou je

$$S_{y} = 0,34 \cdot 0,022 \cdot \left(0,38326 - \frac{0,022}{2}\right) + \frac{\left(0,38326 - 0,022\right)^{2}}{2} \cdot 0,01 = 3,437 \cdot 10^{-3} \ m^{3}$$

Šmykové napätie pri podpere

$$\tau_{Ed} = \frac{S_y \cdot V_{sd,z}}{I_y \cdot t_w} = \frac{3,437 \cdot 10^{-3} \cdot 565,29 \cdot 10^3}{2,721357 \cdot 10^{-3} \cdot 0,01} = 71,396 \cdot 10^6 = 71,396 \, MPa$$

Kritérium odolnosti

$$\tau_{Ed} = 71,396 MPa < \frac{f_{yd}}{\sqrt{3}} = \frac{213,636}{\sqrt{3}} = 123,343 MPa$$
 ... vyhovuje.

bb) rovinné namáhanie na hornom okraji steny v priereze x = 3,375 m

Normálové napätie od ohybu

$$\sigma_{x,Ed} = \frac{-M_{Sd,y}}{I_{y,el}} \cdot z_{w1} = -\frac{961,87 \cdot 10^{-3}}{2,72136 \cdot 10^{-3}} \cdot (0,38326 - 0,022) = -127,688 MPa$$

Normálové napätie od lokálneho zaťaženia kolesovou silou

$$\sigma_{z,Ed} = \frac{-F_{Sd,lok}}{s_y \cdot t_w} = \frac{-364, 32 \cdot 10^{-3}}{0,2189 \cdot 0,01} = -166,432 \, MPa$$

kde - kolesová sila
$$F_{Sd,lok} = V_{1,\max,d}^{\delta} = 364,32 \, kN$$

- roznášacia dĺžka

$$s_{y} = k_{r} \cdot \sqrt[3]{\frac{I_{f} + I_{R}}{t_{w}}} \cdot \sqrt{1 - \left(\frac{\sigma_{f,Ed}}{f_{yd}}\right)^{2}} = 3,25 \cdot \sqrt[3]{\frac{301,693 + 6303}{0,010 \cdot 10^{9}}} \cdot \sqrt{1 - \left(\frac{135,464}{213,636}\right)^{2}} = 0,2189 \ m$$

potrebné parametre v tomto vzťahu sú

- $k_r = 3,25$ pre kol'ajnice priamo na pásnici, resp. podložke < 5 mm,
- moment zotrvačnosti pásnice

$$I_f = \frac{1}{12} \cdot b_f \cdot t_f^3 = \frac{1}{12} \cdot 0,34 \cdot 0,022^3 = 301,693 \cdot 10^{-3} m^4$$

- moment zotrvačnosti kol'ajnice JKL80 $I_R = 6303 \cdot 10^{-9} m^4$
- napätie v pásnici $\sigma_{f,Ed} = 135,464 MPa$

Šmykové napätie

$$\tau_{Ed} = \frac{V_{\max M} \cdot S_{y1}}{I_y \cdot t_w} = \frac{277,941 \cdot 10^{-3} \cdot 2,7845 \cdot 10^{-3}}{2,72136 \cdot 10^{-3} \cdot 0,01} = 28,439 \, MPa$$

kde
$$S_{y_1} = b_{f_1} \cdot t_{f_1} \cdot \left(z_1 - \frac{t_{f_1}}{2}\right) = 0,34 \cdot 0,022 \cdot \left(0,38326 - \frac{0,022}{2}\right) = 2,7845 \cdot 10^{-3} m^3$$

Kritérium overenia odolnosti pri kombinovanom namáhaní

$$V_{pl,Rd} = \frac{A_w \cdot f_y}{\gamma_{M0} \cdot \sqrt{3}} = \frac{0,0086 \cdot 235 \cdot 10^3}{1,1 \cdot \sqrt{3}} = 1060,75 \, kN$$
$$\frac{V_{Sd}}{V_{pl,Rd}} = \frac{277,941}{1060,75} = 0,262 < 0,3$$
$$\left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{yd}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{f_{yd}}\right)^2 - \left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{yd}}\right) \cdot \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{f_{yd}}\right) \le 1,0$$

$$\left(\frac{-127,688}{213,636}\right)^2 + \left(\frac{-166,432}{213,636}\right)^2 - \left(\frac{-127,688}{213,636}\right) \cdot \left(\frac{-166,432}{213,636}\right) = 0,499 < 1,0 \quad \dots \text{ wyhovuje.}$$

bc) rovinné namáhanie na spodnom okraji steny v priereze x = 3,375 m

$$\sigma_{x,Ed} = \frac{M_{sd,y}}{I_y} \cdot z_{w2} = \frac{961,87 \cdot 10^{-3}}{2,72136 \cdot 10^{-3}} \cdot (0,51674 - 0,018) = 176,281 MPa$$

$$\sigma_{z,Ed} = 0 MPa$$

$$\tau_{Ed} = \frac{V_{\max M} \cdot S_{y2}}{I_y \cdot t_w} = \frac{277,941 \cdot 10^{-3} \cdot 2,19344 \cdot 10^{-3}}{2,72136 \cdot 10^{-3} \cdot 0,01} = 22,402 MPa$$

kde

$$S_{y2} = b_{f2} \cdot t_{f2} \cdot \left(z_2 - \frac{b_{f2}}{2}\right) = 0,24 \cdot 0,018 \cdot \left(0,51674 - \frac{0,018}{2}\right) = 2,19344 \cdot 10^{-3} \ m^3$$

Kritérium overenia

$$\frac{V_{Sd}}{V_{pl,Rd}} = \frac{277,941}{1060,75} = 0,262 < 0,3$$

$$\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{yd}} = \frac{176,281}{213,636} = 0,825 < 1,0 \qquad \dots \text{ stena vyhovuje}.$$

bd) rovinné namáhanie v horných vláknach pri podpere

Postavenie žeriavu je také, aby kolesové sily vyvodili maximálnu priečnu silu pri podpere. Posudzujeme prierez tesne vedľa výstuhy.

$$\begin{aligned} \sigma_{z,Ed} &= -\frac{F_{sd,lok}}{s_{y},t_{w}} = -\frac{364,32 \cdot 10^{-3}}{0,283 \cdot 0,01} = -128,735 \, MPa \qquad \qquad \sigma_{x,Ed} = 0 MPa \\ s_{y} &= k_{r} \cdot \sqrt[3]{\frac{I_{f} + I_{R}}{t_{w}}} \cdot \sqrt{1 - \left(\frac{\sigma_{f,Ed}}{f_{yd}}\right)^{2}} = 3,25 \cdot \sqrt[3]{660,469 \cdot 10^{-6}} \cdot \sqrt{1,0} = 0,283 \, m \\ \tau_{Ed} &= \frac{V_{V,\max} \cdot S_{y1}}{I_{y} \cdot t_{w}} = \frac{546,48 \cdot 10^{-3} \cdot 2,7845 \cdot 10^{-3}}{2,72136 \cdot 10^{-3} \cdot 0,01} = 55,916 \, MPa \\ \frac{V_{Sd}}{V_{pl,Rd}} &= \frac{546,48}{1060,75} = 0,515 > 0,3 \\ \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{f_{yd}}\right)^{2} + 1,1 \cdot \left(\frac{\tau_{Ed}}{f_{yd}/\sqrt{3}}\right)^{2} = \left(\frac{-128,735}{213,636}\right)^{2} + 1,1 \cdot \left(\frac{55,916}{213,636/\sqrt{3}}\right)^{2} = 0,589 < 1,1 \end{aligned}$$

... rovinné namáhanie v stene vyhovuje.

2.5.5 Priehyb zvislého nosníka

Pre určenie priehybu nosníka stačí uvažovať približné postavenie síl podľa obr. 2.23.

Presnejší výpočet by zahŕňal vyhodnotenie vplyvových čiar priehybu.



$$F = V_{1,max,k}^{\delta} = 303, 6 \, kN$$
$$g = g_k = 3,799 \, k \, Nm^{-1}$$

Obr. 2.23 Rozhodujúce zaťaženie

Priehyb v strede nosníka určíme zo vzťahu

$$\delta = \frac{5}{384} \cdot \frac{g \cdot l^4}{E \cdot I_y} + \frac{F \cdot x}{24 \cdot E \cdot I_y} \cdot \left(3 \cdot l^2 - 4 \cdot x^2\right) = \frac{5}{384} \cdot \frac{3799 \cdot 9^4}{2,1 \cdot 10^{11} \cdot 2,72136 \cdot 10^{-3}} + \frac{303600 \cdot 2,25}{24 \cdot 2,1 \cdot 10^{11} \cdot 2,72136 \cdot 10^{-3}} \cdot \left(3 \cdot 9^2 - 4 \cdot 2,25^2\right) = 0,00057 + 0,01109 = 0,0117 \, m$$

Medzný priehyb je podľa tabuľky 7.1 v STN P ENV 1993-6 [7] daný hodnotou 1/600 rozpätia žeriavovej dráhy, resp. 25 mm.

$$\delta = 11,7 \, mm < \delta_{max} = \frac{l}{600} = \frac{9000}{600} = 15 \, mm < 25 \, mm \qquad \dots \, \underline{\text{vyhovuje}}.$$

2.5.6 Výpočet vnútorných síl od vodorovného zaťaženia

a) Sily od priečenia žeriavu

Vodorovný výstužný nosník pôsobí pri vodorovnom zaťažení ako jednoduchý nosník rozpätia a = 9 m, uložený na stĺpoch priečnych väzieb.

aa) alternatíva l

Δ

4500

Maximálny moment M_Z od sily H_{tP} v strede rozpätia



Príslušná priečna sila a zároveň aj reakcia

$$V_{Htp,1} = \frac{1}{2} \cdot H_{tp,d} = \frac{1}{2} \cdot 69,575 = 34,788 \, kN$$

Obr. 2.24 Poloha sily H_{tp} – alt.1

a =

 $H_{tp,d}$

4500

9000

ab) alternatíva 2 Reprezentuje postavenie žeriavu, ktoré vyvolá maximálny zvislý ohyb.



ac) alternatíva 3 Vyvolá maximálnu priečnu silu v podpere. Krajné koleso žeriavu je pri podpere na stĺpe a toto koleso je zároveň priečené.

$$V_{Htn \max} = H_{tn d} = 69,575 \, kN$$

- b) Vnútorné sily od rozbehu a brzdenia žeriavovej mačky
- *ba) pri zisťovaní vodorovného ohybového momentu* uvážime len polohu žeriavu, vyvodzujúcu maximálny zvislý ohyb.

Zodpovedajúci moment Mz potom bude



Eoupovedajuer moment *m*₂ potom oude

$$M_{Bt} = \frac{B_{t,\max,d}}{2} \cdot (2,1094+0,4219) = \frac{41,181}{2} \cdot 2,5313$$

= 52,121 kNm

Korešpondujúca priečna sila

$$V_{Bt,M} = \frac{B_{t,\max,d}}{2} \cdot \left(\frac{4,50+1,125\cdot 2}{9}\right) = \frac{41,181}{2} \cdot 0,75$$
$$= 15,443 \, kN$$

Obr. 2.26 Poloha síl B_t – maxM

bb) maximálnu priečnu silu a teda aj *reakciu* zistíme, ak umiestnime pohyblivú sústavu do polohy podľa obr. 2.27.



Obr. 2.27 Poloha síl $B_t - maxV$

c) Účinky brzdenia a rozbehu žeriavu

Brzdná sila pôsobí rovnobežne s pozdĺžnou osou nosníka a prenáša sa nosníkmi žeriavovej dráhy až do brzdného stužidla. Okrem normálovej sily

$$N_B = B_d = \pm 27,83 \, kN$$

vyvodzuje aj ohybový moment vzhľadom na excentricitu e, obr. 2.28.

Zvislý ohyb potom stanovíme ako



Obr. 2.28 Pôsobenie sily B

$$M_{y,B} = \frac{B_d \cdot e}{a} \cdot \frac{a}{2} = \frac{B_d \cdot e}{2} = \frac{27,83 \cdot 0,995}{2}$$

= 13,845 kNm

Zodpovedajúca priečna sila

$$V_{Z,B} = \frac{B_d \cdot e}{a} = \frac{27,83 \cdot 0,995}{9} = 3,077 \, kNm$$

2.5.7 Návrh vodorovného nosníka

Tvar prierezu je znázornený na obr. 2.29.



Obr. 2.29 Vodorovný nosník

Prierezové veličiny

Uholnik L 100 x 65 x 10
$$A_{I} = 1,56 \cdot 10^{-3} m^{2}$$

 $I_{ZI} = 51 \cdot 10^{-8} m^{4}$
 $e_{z} = 16,3 mm$
 $A = 2 \cdot 1,56 \cdot 10^{-3} + 0,76 \cdot 0,008 + 0,34 \cdot 0,022 + 0,15 \cdot 0,01 = 18,18 \cdot 10^{-3} m^{2}$
 $y_{3} = \frac{2 \cdot 1,56 \cdot 10^{-3} \cdot 0,0163 + 0,76 \cdot 0,008 \cdot (\frac{0,76}{2} + 0,01) + 0,34 \cdot 0,022 \cdot (0,75 + 0,17) + 18,18 \cdot 10^{-3}}{18,18 \cdot 10^{-3}} = 0,5863 m$
 $y_{I} = 1,09 - 0,5863 = 0,5037 m$
 $I_{z} = 2 \cdot 51 \cdot 10^{-8} + \frac{1}{12} \cdot (0,008 \cdot 0,76^{3} + 0,022 \cdot 0,34^{3} + 0,15 \cdot 0,01^{3}) + 2 \cdot 1,56 \cdot 10^{-3} \cdot (0,5863 - 0,0163)^{2} + 0,76 \cdot 0,008 \cdot (0,5863 - \frac{0,76}{2} - 0,01)^{2} + 0,34 \cdot 0,022 \cdot (0,5037 - 0,17)^{2} + 0,15 \cdot 0,01 \cdot (0,5037 - 0,17)^{2} = 2,613687 \cdot 10^{-3} m^{4}$
 $W_{z,el,1} = \frac{I_{z}}{y_{1}} = \frac{2,613687 \cdot 10^{-3}}{0,5037} = 5,1890 \cdot 10^{-3} m^{3}$

Pre posúdenie v bode "3" ešte potrebujeme charakteristiky prierezu z obr. 2.30, ktorý pôsobí pri prenose tiaže vodorovného nosníka a prevádzkového zaťaženia na lávke o veľkosti 2 kNm^2 . Podpery nosníka tvoria stĺpy priečnej väzby a šikmé vzpery profilu L vo vzdialenostiach po 3 m.



Obr. 2.30 Nosník lávky

2.5.8 Overenie odolnosti žeriavovej dráhy pri kombinovaných účinkoch

Na žeriavovej dráhe teraz uvažujeme zvislé a vodorovné účinky žeriavu. Zvislé účinky žeriavu spolu s jedným z jeho vodorovných účinkov sú považované za jedno krátkodobé

zaťaženie. V dôsledku malej tuhosti plechu lávky sa neuvažuje spolupôsobenie vodorovného nosníka so zvislým pri prenášaní zvislých účinkov na koľajnice.

a) <u>Overenie na hornom povrchu pásnice zvislého nosníka - bod 1</u>

Najväčšie namáhanie vyvodzuje kombinácia stáleho zaťaženia, zvislých kolesových síl a priečenia žeriavu.

$$M_{y,Sd} = M_{g,x=3,375} + M_{V,max} = 39,67 + 922,20 = 961,87 \ kNm$$
$$M_{z,Sd} = M_{Htp,ALT.2} = 146,762 \ kNm$$

Vodorovný nosník je zabezpečený proti klopeniu nosníkom zvislým a opačne.

$$\sigma_{x, Ed, My} = \frac{M_{y, Sd}}{W_{el, y, 1}} = \frac{0,96187}{7,10055 \cdot 10^{-3}} = 135,464 MPa$$

$$\sigma_{x, Ed, Mz} = \frac{M_{z, Sd}}{W_{el, z, 1}} = \frac{0,146762}{5,189 \cdot 10^{-3}} = 28,283 MPa$$

Overíme klasifikáciu prierezu v prípade sily H_{tp} pôsobiacej "von" z haly, teda vyvodzujúcej v bode 1 tlak. Veľkosť tlačenej časti steny je potom

$$d_{c} = 770 - 20 - 586,3 = 163,7 mm$$

$$d_{t} = 586,3 - 65 = 521,3 mm$$

$$d = d_{c} + d_{t} = 685 mm$$

$$\psi = -\frac{d_{t}}{d_{c}} = -\frac{521,3}{163,7} = -3,184 < -1$$

$$\frac{d}{t} = \frac{685}{8} = 85,6 < 65 \cdot \varepsilon_{m} \cdot (1 - \psi) \cdot \sqrt{\psi} = 65 \cdot 1 \cdot (1 + 3,184) \cdot \sqrt{3,184} = 485,3$$

Prierez teda bezpečne spĺňa podmienku pre triedu prierezov 3. Overenie odolnosti

$$\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{vd}} = \frac{\sigma_{x,Ed,My} + \sigma_{x,Ed,Mz}}{f_{vd}} = \frac{135,464 + 28,283}{213,636} = 0,7665 < 1,0 \qquad \dots \text{ whow uje.}$$

b) Overenie na povrchu spodnej pásnice zvislého nosníka - bod 2

V dolných vláknach zvislého nosníka ťahové napätie vyvodzuje stále zaťaženie, spolu so zvislými kolesovými silami a účinkami pozdĺžnej brzdnej sily *B*. Vzhľadom k malej veľkosti pozdĺžnej sily, používame podobné kritérium ako pri hornej pásnici (bod 1).

$$N_{Sd} = B_d = 27,83 \ kN$$

$$M_{y,Sd} = M_{g,x=3,375} + M_{V,max} + M_B = 39,67 + 922,20 + 13,845 = 975,715 \ kNm$$

$$\sigma_{x,Ed} = \frac{N_{sd}}{A_{zvisl.\,nos.}} + \frac{M_{y,sd}}{W_{el,y,2}} = \frac{0,02783}{2,04 \cdot 10^{-2}} + \frac{0,975715}{5,266395 \cdot 10^{-3}} = 186,636\,MPa$$

Overenie napätí je potom podľa vzťahu

$$\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{yd}} = \frac{186,636}{213,636} = 0,874 < 1,0 \qquad \dots \text{ wyhovuje}.$$

c) Overenie žeriavovej dráhy v bode 3, resp. 3' na vystužnom nosníku

Vodorovný vystužný nosník prenáša priečne vodorovné účinky žeriavu (B_t ; H_{tp}). Okrem toho sa nosník z obr. 2.30 podieľa na prenose vlastnej tiaže vodorovného nosníka a náhodilého krátkodobého zaťaženia pochôdzneho plechu revíznej lávky o intenzite 2 kNm^{-2} .

vodorovný ohyb

Keďže budeme kombinovať účinok zvislého krátkodobého zaťaženia na vodorovnom plechu s vodorovnými účinkami žeriavu, bude súčiniteľ kombinácie $\Psi_c = 0.9$. Môžeme teda uvažovať aj priečne sily H_{tp} aj brzdné a rozbehové sily od mačky B_t.

$$M_{z,Sd} = \psi_c \cdot \left(M_{H_{tp},ALT.1} + M_{B_t,koleso\ strede} \right) = 0,9 \cdot \left(156,544 + \frac{1}{4} \cdot \frac{41,181}{2} \cdot 9 \right) = 182,585\ kNm$$

$$\sigma_{x,Ed,Mz} = \frac{M_{z,Sd}}{W_{el,z,3}} = \frac{0,182585}{4,4579 \cdot 10^{-3}} = 40,958\ MPa$$

- zvislý ohyb



Obr. 2.31 Zaťaženie lávky

Vystužný nosník prenášajúci zvislé zaťaženie je podopretý na stĺpoch a v miestach šikmých vzpier vzdialených po 3 *m*, pôsobí ako trojpoľový spojitý nosník. Preberá stále zaťaženie, ktoré približne uvážime tak, že prisúdime nosníku cca 75 % odhadovanej hmotnosti revíznej lávky.

$$g_d = 1, 1 \cdot 0, 75 \cdot 1, 0 \ kNm^{-1} = 0,825 \ kNm^{-1}$$

Vonkajší pás vystužného nosníka prenáša aj ekvivalentnú časť náhodilého zaťaženia

$$q_d = 1, 4 \cdot \left(2 \, k N m^{-2} \cdot 0, 65 \, m\right) \cdot \frac{0, 75 - 0, 325}{0, 75} = 1,031 \, k N m^{-1}$$

Najväčší zvislý ohybový moment na spojitom nosníku získame pri zaťažení náhodilým zaťažením len stredného poľa.

$$M_{y,Sd} = 0,075 \cdot g_d \cdot l^2 + 0,025 \cdot \psi_c \cdot l^2 = 0,075 \cdot 0,825 \cdot 3^2 + 0,025 \cdot 0,9 \cdot 1,031 \cdot 3^2 = 0,766 \, kNm$$

Korešpondujúce napätie v bode 3'

$$\sigma_{x,Ed,My} = \frac{M_{y,Sd}}{W_{y,3}} = \frac{0,766 \cdot 10^{-3}}{72,1 \cdot 10^{-6}} = 10,624 MPa$$

Overenie v strede medzi priečnymi väzbami

$$\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{yd}} = \frac{\sigma_{x,Ed,My} + \sigma_{x,Ed,Mz}}{f_{yd}} = \frac{10,624 + 40,958}{213,636} = 0,241 < 1,0 \qquad \dots \text{ whow uje.}$$

Ak by sme overovali prierez vo vzdialenosti 3 m od stĺpa, kde vzniká maximálny moment nad šikmou vzperou od zvislého zaťaženia, uvážime bode 3

$$M_{y,Sd} = -0.1 \cdot (g_d + \psi_c \cdot q_d) \cdot l^2 = -0.1 \cdot (0.825 + 0.9 \cdot 1.031) \cdot 3^2 = -1.578 \, kNm$$

Moment od priečenia žeriavu a brzdných a rozbehových síl od mačky bude (za predpokladu, že priečené koleso je vo vzdialenosti 3m od stĺpa)

$$M_{z,Rd} = 0,9 \cdot \left[\left(H_{tp,d} + \frac{B_{t,\max,d}}{2} \right) \cdot \frac{3 \cdot 6}{9} + \frac{B_{t,\max,d}}{2} \cdot \frac{1,5 \cdot 7,5}{9} \right]$$
$$= 0,9 \cdot \left[\left(69,575 + \frac{41,181}{2} \right) \cdot 2 + \frac{41,181}{2} \cdot 1,25 \right] = 185,462 \, kNm$$

$$\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{yd}} = \frac{M_{z,Sd}}{W_{el,z,3} \cdot f_{yd}} - \frac{M_{y,Sd}}{W_{y,3} \cdot f_{yd}} = \frac{0,185462}{4,4579 \cdot 10^{-3} \cdot 213,636} - \frac{-0,001578}{72,1 \cdot 10^{-6} \cdot 213,636}$$
$$\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{yd}} = 0,297 < 1,0 \qquad \dots \text{ wyhovuje.}$$

d) návrh šikmej vzpery

Vzpera dĺžky $d = \sqrt{0.85^2 + 0.92^2} = 1.253m$ prenáša silu

$$F = 3 \cdot (0,825 + 1,031) \cdot \frac{1,253}{0,85} = 8,208 \, kN$$

Na túto silu sme známym postupom z predmetu "Kovové konštrukcie 1" navrhli prierez z uholníka L 50 x 50 x 5, ktorý sa pripojí zvarmi účinnej výšky $a_w = 4 mm$ a dĺžky $l_w = 40 mm$ po obidvoch stranách.

Stenu vodorovného nosníka, rovinnú napätosť a jej pevnosť by sme overili obvyklými postupmi.

2.5.9 Priehyb vodorovného vystužného nosníka

Maximálnu vodorovnú deformáciu (priehyb) vodorovného vystužného nosníka získame vtedy, ak umiestnime silu od priečenia žeriavu do stredu rozpätia. Priehyb vyčíslime ako

$$\delta = \frac{1}{48} \cdot \frac{H_{tp,k} \cdot a^3}{E \cdot I_z} = \frac{1}{48} \cdot \frac{63,25 \cdot 10^3 \cdot 9^3}{2,1 \cdot 10^{11} \cdot 2,613687 \cdot 10^{-3}} = 0,00175 \, m$$

Maximálny povolený priehyb je podľa článku 5.2.7 STN 73 1401 [3] daný hodnotou

$$\delta_{\max} = \frac{l}{1000} = \frac{a}{1000} = \frac{9000}{1000} = 9 \, mm > \delta = 1,75 \, mm$$

Vodorovný priehyb nosníka žeriavovej dráhy <u>vyhovuje</u>. STN P ENV 1993-6 [7] v tabuľke 7.2 pripúšťa medzný priehyb dokonca o hodnote 1/600 *l*.

2.5.10 Návrh krčných zvarov

Prípoj steny zvislého nosníka k hornej pásnici



Obr. 2.32 Kútové zvary

Navrhneme zvary s účinnou výškou $a_w = 5$ mm. Predpokladáme, že stena nedosadá tesne na pásnicu, teda celé zaťaženie v tomto mieste prenášajú iba krčné zvary.

Zvary posúdime na šmyk pri polohe, ktorá vyvoláva maximálny ohybový moment (podľa obr. 2.19). Posúdenie urobíme pod silou vzdialenou 1,125 *m* od podpery.

Odpovedajúca priečna sila je

$$V_{Sd} = V_V + V_g + V_B = 364, 32 \cdot \left(\frac{3,375 + 7,875}{9}\right) + 4,179 \cdot (4,5 - 1,125) + 3,077 \left(1 - \frac{2 \cdot 1,125}{9}\right) = 471,819 \, kN$$

$$\tau_{II} = \frac{V_{Sd} \cdot S_{y,1}}{I_y \cdot 2 \cdot a_w} = \frac{471,813 \cdot 10^{-3} \cdot 2,7845 \cdot 10^{-3}}{2,72136 \cdot 10^{-3} \cdot 2 \cdot 0,005} = 48,276 \, MPa$$

Lokálne bremeno reprezentované kolesovou silou $V_{1,\max,d}^{\delta} = 364, 32 \, kN$ vyvolá napätie

$$\tau_{\perp} = \sigma_{\perp} = \frac{V_{1,\max,d}^{\delta}}{s_{y} \cdot 2 \cdot a_{w} \cdot \sqrt{2}} = \frac{364, 32 \cdot 10^{-3}}{0,2189 \cdot 2 \cdot 0,005 \cdot \sqrt{2}} = 117,685 \, MPa$$

Posúdenie zvarov

$$\sqrt{\sigma_{\perp}^{2} + 3 \cdot \tau_{\perp}^{2} + 3 \cdot \tau_{\parallel}^{2}} < \frac{f_{u}}{\beta_{w} \cdot \gamma_{Mw}}$$

$$\sqrt{117,685^{2} + 3 \cdot 117,685^{2} + 3 \cdot 48,276^{2}} = 249,781 MPa < \frac{360}{0,8 \cdot 1,5} = 300 MPa$$
.... vyhovuje.

Rovnaké zvary (teda zvary účinnej výšky $a_w = 5 mm$) použijeme aj na pripojenie dolnej pásnice. Podobne by sme navrhli aj prípoj vodorovného plechu k hornej pásnici. Tento návrh ako aj návrh ďalších zvarových prípojov nechávame na samoštúdiu študentov.

2.5.11 Uchytenie kol'ajnice

ALTERNATÍVNY NÁVRH I

a) <u>Návrh</u>

Navrhované uchytenie je schematicky znázornené na obr. 2.33. Koľajnica je uchytená zarážkami vo vzdialenostiach e = 1200 mm (podľa [9]) pričom každú tretiu zarážku nahrádza príchytka. Zarážky majú s pôdorysným rozmerom 30 x 50 mm sú privarené z troch strán. Príchytky 70 x 70 mm sú privarené len po bokoch. Návrh zvarov: $a_w = 4$ mm. Pri posúdení zvarov využijeme plastické rozdelenie napätí v zvaroch.



Obr. 2.33 Pripevnenie koľajnice – ALT. 1
Pôsobiská síl na ktoré je nutné príchytky (zarážky) nadimenzovať sú na obr. 2.34. Na prenose síl *B* sa podieľajú iba príchytky. Na prenose sily H_{tp} sa podieľa vždy záchytka alebo príchytka podľa toho, v ktorom mieste sa nachádza priečené koleso.



Obr. 2.34 Pôsobenie síl H_{tp} *a B*

b) Posúdenie zvarov príchytiek



Na dĺžke a = 9 m sa nachádza priemerne

n = 9 / 3,6 = 2,5 príchytiek

Teda na zvarový prípoj každej z nich pripadnú od sily *B* napätia

Obr. 2.35 Zvar príchytky

$$\tau_{\perp,B} = \frac{B_d}{2 \cdot n \cdot 2 \cdot (a_w \cdot l_w) \cdot \sqrt{2}} + \frac{B_d \cdot 0,095}{2 \cdot n \cdot 0,07 \cdot (a_w \cdot l_w) \cdot \sqrt{2}} =$$
$$= \frac{27,83 \cdot 10^{-3}}{2 \cdot 2,5 \cdot 2 \cdot (0,004 \cdot 0,062) \cdot \sqrt{2}} + \frac{27,83 \cdot 10^{-3} \cdot 0,095}{2 \cdot 2,5 \cdot 0,07 \cdot (0,004 \cdot 0,062) \cdot \sqrt{2}} =$$
$$= 7,935 + 21,538 = 29,473 \, MPa$$

$$\sigma_{\perp,B} = -\frac{B_d}{2 \cdot n \cdot 2 \cdot (a_w \cdot l_w) \cdot \sqrt{2}} + \frac{B_d \cdot 0,095}{2 \cdot n \cdot 0,07 \cdot (a_w \cdot l_w) \cdot \sqrt{2}} = -7,935 + 21,538 = 13,603 \, MPa$$

Priečené koleso žeriavu vyvolá napätia v zvarovom prípoji jednej príchytky od momentu vyvolaného silou H_{tp}

$$\tau_{\perp,H_{\psi}} = \sigma_{\perp,H_{\psi}} = \frac{H_{\psi,d} \cdot 0,095}{(0,14+0,035) \cdot 2 \cdot (a_{w} \cdot l_{w}) \cdot \sqrt{2}} = \frac{63,25 \cdot 10^{-3} \cdot 0,095}{(0,14+0,035) \cdot 2 \cdot (0,004 \cdot 0,062) \cdot \sqrt{2}} = 48,950 \, MPa$$

Na opačnej strane sa päta koľajnice oprie o príchytku, potom vychádza napätie v zvare druhej príchytky od priečnej sily H_{tp}

$$\tau_{\parallel,H_{tp}} = \frac{H_{tp,d}}{2 \cdot (a_w \cdot l_w)} = \frac{63,25 \cdot 10^{-3}}{2 \cdot (0,004 \cdot 0,062)} = 127,520 \, MPa$$

Posúdenie príchytky na jednej strane päty koľajnice (dve krátkodobé zaťaženia)

$$\sigma_{\perp,B} + \sigma_{\perp,H_{tp}} = 0,9 \cdot (13,603 + 48,950) = 56,298 MPa < \frac{f_u}{\gamma_{Mw}} = \frac{360}{1,5} = 240 MPa$$
... vyhovuje.

$$\sqrt{\left(\sigma_{\perp,B} + \sigma_{\perp,H_{\psi}}\right)^{2} + 3 \cdot \left(\tau_{\perp,B} + \tau_{\perp,H_{\psi}}\right)^{2}} < \frac{f_{u}}{\beta_{w} \cdot \gamma_{Mw}}}{\sqrt{\left(0,9 \cdot (13,603 + 48,950)\right)^{2} + 3 \cdot \left(0,9 \cdot (29,473 + 48,950)\right)^{2}}} = 134,590 \, MPa$$

$$134,590 \, MPa < \frac{360}{0,8 \cdot 1,5} = 300 \, MPa \qquad \dots \underline{vyhovuje}$$

Posúdenie príchytky na druhej strane päty koľajnice

$$\sigma_{\perp,B} = 13,603 \, MPa < \frac{f_u}{\gamma_{Mw}} = 240 \, MPa \qquad \dots \underline{\text{vyhovuje}}.$$

$$\sqrt{\left(\sigma_{\perp,B}\right)^2 + 3 \cdot \left(\tau_{\perp,B}\right)^2 + 3 \cdot \left(\tau_{\parallel,H_w}\right)^2} < \frac{f_u}{\beta_w \cdot \gamma_{Mw}}$$

$$0,9 \cdot \sqrt{\left(13,603\right)^2 + 3 \cdot \left(29,473\right)^2 + 3 \cdot \left(127,520\right)^2} = 204,391 \, MPa < 300 \, MPa$$

$$\dots \underline{\text{vyhovuje}}.$$

c) Posúdenie zvarov zarážiek



Zarážka sa podieľa iba na prenose sily H_{tp} . Za predpokladu plastického rozdelenia napätia predpokladáme, že únosnosť zvarového prípoja je daná súčtom únosností zvarov rovnobežných so silou H_{tp} a únosnosti zvaru kolmého na silu H_{tp} . Únosnosť rovnobežných zvarov je potom

Obr. 2.36 Zvar zarážky

$$F_{w,Rd,\parallel} = 2 \cdot \frac{f_u \cdot a_w \cdot 0,03}{\beta_w \cdot \gamma_{Mw} \cdot \sqrt{3}} = 2 \cdot \frac{360 \cdot 10^3 \cdot 0,004 \cdot 0,03}{0,8 \cdot 1,5 \cdot \sqrt{3}} = 41,569 \, kN$$

Únosnosť zvaru kolmého na pôsobiacu silu zistíme na základe napätia rovnobežného so smerom pôsobenia sily, teda

$$\sigma_{w} = \sqrt{2} \cdot \sigma_{\perp} = \sqrt{2} \cdot \tau_{\perp}$$

Z nasledovnej podmienky vyjadríme σ_w

$$\sqrt{(\sigma_{\perp})^{2} + 3 \cdot (\tau_{\perp})^{2} + 3 \cdot (\tau_{\parallel})^{2}} = \sqrt{(\sigma_{w} / \sqrt{2})^{2} + 3 \cdot (\sigma_{w} / \sqrt{2})^{2}} \leq \frac{f_{u}}{\beta_{w} \cdot \gamma_{Mw}}$$

$$\rightarrow \sigma_{w,Rd} = \frac{f_{u}}{\beta_{w} \cdot \gamma_{Mw} \cdot \sqrt{2}} = \frac{360}{0,8 \cdot 1,5 \cdot \sqrt{2}} = 212,132 \, MPa$$

$$F_{w,Rd,\perp} = \sigma_{w,Rd} \cdot a_{w} \cdot 0,05 = 212,132 \cdot 10^{3} \cdot 0,004 \cdot 0,05 = 42,426 \, kN$$

Posúdenie

$$F_{w,Rd} = F_{w,Rd,\parallel} + F_{w,Rd,\perp} = 41,569 + 42,426 = 83,995 \, kN > H_{tp,d} = 63,25 \, kN$$

... zvar vyhovuje.

ALTERNATÍVNY NÁVRH 2

a) <u>Návrh</u>

Navrhované uchytenie je schematicky znázornené na obr. 2.37. Koľajnica je privarená po oboch stranách prerušovanými zvarmi dĺžky 100 mm a účinnej výšky $a_w = 4 mm$. Zvary sú na každej strane prevedené vo vzdialenostiach e = 1200 mm.



Obr. 2.37 Pripevnenie koľajnice – ALT. 2

b) Posúdenie zvarov

Na dĺžke a = 9 m sa nachádza na každej strane priemerne n = 9000 / 1200 = 7,5 zvarov. Teda v každom zvare dostávame od sily *B* napätia

$$\tau_{\perp,B} = \sigma_{\perp,B} = \frac{B_d \cdot 0,095}{2 \cdot n \cdot \left(\frac{1}{6} \cdot a_w \cdot l_w^2\right) \cdot \sqrt{2}} = \frac{27,83 \cdot 10^{-3} \cdot 0,095}{2 \cdot 7,5 \cdot \left(\frac{1}{6} \cdot 0,004 \cdot 0,092^2\right) \cdot \sqrt{2}} = 22,087 \, MPa$$

$$\tau_{\parallel,B} = \frac{B_d}{2 \cdot n \cdot (a_w \cdot l_w)} = \frac{27,83 \cdot 10^{-3}}{2 \cdot 7,5 \cdot (0,004 \cdot 0,092)} = 5,041 \, MPa$$

Od priečenia žeriavu dostávame

$$\tau_{\perp,H_{tp}} = \sigma_{\perp,H_{tp}} = \frac{H_{tp,d} \cdot 0,095}{0,142 \cdot (a_w \cdot l_w) \cdot \sqrt{2}} = \frac{63,25 \cdot 10^{-3} \cdot 0,095}{0,142 \cdot (0,004 \cdot 0,092) \cdot \sqrt{2}} = 81,308 \, MPa$$

Posúdenie zvaru potom vyjadríme (dve krátkodobé zaťaženia)

$$\sigma_{\perp,B} + \sigma_{\perp,H_{\psi}} = 0,9 \cdot (22,087 + 81,308) = 93,056 \, MPa < \frac{f_u}{\gamma_{Mw}} = \frac{360}{1,5} = 240 \, MPa$$

... vyhovuje.

$$\sqrt{\left(\sigma_{\perp,B} + \sigma_{\perp,H_{ty}}\right)^{2} + 3 \cdot \left(\tau_{\perp,B} + \tau_{\perp,H_{ty}}\right)^{2} + 3 \cdot \left(\tau_{\parallel,B}\right)^{2}} < \frac{f_{u}}{\beta_{w} \cdot \gamma_{Mw}}}{0,9 \cdot \sqrt{\left(22,087 + 81,308\right)^{2} + 3 \cdot \left(22,087 + 81,308\right)^{2} + 3 \cdot \left(5,041\right)^{2}}} = 167,684 \, MPa$$

$$167,684 \, MPa < \frac{360}{0,8 \cdot 1,5} = 300 \, MPa \qquad \qquad \dots \, \underline{\text{vyhovuje}}$$

Tento typ prípoja je jednoduchší na prevedenie. Jeho realizáciu však vystavujeme žeriavovú dráhy vyššiemu dynamickému namáhaniu a navyše, výmena poškodených alebo opotrebovaných koľajníc je oveľa náročnejšia, ako pri použití upevnenia koľajníc pomocou príchytiek a zarážok.

2.5.12 Priečne výstuhy zvislého nosníka

a) Vnútorné výstuhy

Účinný prierez je na obr. 2.38.



Obr. 2.38 Vnútorné výstuhy

$$s_{1} = 15 \cdot t_{w} = 15 \cdot 10 = 150 \ mm$$

 $b_{s} = 95 \ mm$
 $t_{s} = 8 \ mm$
 $\frac{b_{s}}{t_{s}} = \frac{95}{8} = 11,875 < 15 \ ... \text{ trieda } 3$

aa) overenie výstuhy na tuhosť

Potrebná tuhosť výstuh

$$I_{s,y} \ge 0, 1 \cdot d \cdot t_w^3 \cdot \gamma_s \cdot \kappa_s = 0, 1 \cdot 0, 86 \cdot 0, 01^3 \cdot 1, 5333 \cdot 6, 0 = 791, 183 \cdot 10^{-9} m^4$$

kde $\frac{d}{t_w} = \frac{860}{10} = 86 \Rightarrow \gamma_s = 1,5333$ $\frac{a}{d} = \frac{1000}{860} = 1,1628 \Rightarrow \kappa_s = 6,0$

Skutočný moment zotrvačnosti výstuh

$$I_{s,y} = \frac{1}{12} \cdot 0,008 \cdot (2 \cdot 0,095 + 0,01)^3 + \frac{1}{12} \cdot 2 \cdot 0,15 \cdot 0,01^3 =$$

$$I_{s,y} = 5335,833 \cdot 10^{-9} \ m^4 >> 791,183 \cdot 10^{-9} \ m^4 \qquad \dots \ \underline{vyhovuje}.$$

ab) posúdenie pevnosti

Výstuha musí preniesť
1)
$$F_{Sd} = V_{1,\max,d}^{\delta} = 364,32 \, kN$$

2) $N_{Sd} = V_{Sd,x} - V_{b,m,Rd}$

z odseku 2.5.4 vyplynulo, že

$$V_{bm,Rd} = V_{b,pl,Rd} = \frac{A_w \cdot \tau_{yw}}{\gamma_{M1}} = \frac{0,0086 \cdot 235 \cdot 10^3 / \sqrt{3}}{1,1} = 1060,75 \, kN$$

Pretože $V_{sd,max} = 568,363 \ kN$, obdržíme $N_{sd} = V_{sd,x} - V_{s,m,Rd} < 0$. Výstuha teda musí preniesť koncentrované bremeno F_{sd} . Jej vzperná dĺžka sa berie

$$L_{cr} \cong 0,75 \cdot d = 0,75 \cdot 0,86 = 0,645 \ m$$

Prierezové charakteristiky výstuhy sú $A_s = 4,6 \cdot 10^{-3} m^3$ $I_{y,s} = 5,3358 \cdot 10^{-6} m^4$ $i_s = 0,03406 m$

Štíhlosť výstuhy je $\lambda_{cr} = \frac{L_{cr}}{i_s} = \frac{0,645}{0,03406} = 18,94$

Pomerná štíhlosť
$$\overline{\lambda_{cr}} = \frac{\lambda_{cr}}{\lambda_1} \cdot \sqrt{\beta_A} = \frac{18,94}{93,9} \cdot \sqrt{1,0} = 0,2017 \rightarrow \chi = 1,0$$

Overenie

$$F_{Sd} < N_{b,Rd} = \chi \cdot \beta_A \cdot A \cdot f_y / \gamma_{M1}$$

364,32 kN < 1,0 \cdot 1,0 \cdot 4,6 \cdot 10^{-3} \cdot 235 \cdot 10^3 / 1,1 = 982,72 kN

Návrh medzil'ahlých výstuh 8 x 95 po obidvoch stranách steny vo vzdialenostiach 1 m vyhovuje.

b) Podperové výstuhy



Obr. 2.39 Podperová výstuha

Návrh výstuhy je na obr. 2.39.

$$s_{1} = 15 \cdot t_{w} = 15 \cdot 10 = 150 \ mm$$

$$b_{s} = 115 \ mm$$

$$t_{s} = 18 \ mm$$

$$\frac{b_{s}}{t_{s}} = \frac{115}{18} = 6,39 < 9 \qquad \dots \text{ trieda 1}$$

avšak
$$\frac{s_{1}}{t_{w}} = \frac{150}{10} = 15 = 15 \qquad \dots \text{ trieda 3}$$

Prierezové charakteristiky výstuhy $A_s = 5,82 \cdot 10^{-3} m^2$ $i_s = 0,0597 m$ $I_{y,s} = 20,749 \cdot 10^{-6} m^4$ $W_{z,s} = 78,524 \cdot 10^{-4} m^3$

ba) overenie výstuhy na tuhosť

$$I_{s,y} = 20,749 \cdot 10^{-6} m^4 >> 0,1 \cdot d \cdot t_w^3 \cdot \gamma_s \cdot \kappa_s = 0,791183 \cdot 10^{-6} m^4 \qquad \dots \text{ vyhovuje}$$

bb) overenie na pevnosť

Krajná podperová výstuha by mala bezpečne preniesť osamelé bremeno, v našom prípade reakciu

$$F_{Sd} = R = V_{Sd} = 568,363 \ kN$$

Súčasne musí preniesť ohybový moment v rovine steny, ktorý vzniká po vytvorení ťahových polí v krajnom poli steny.

$$M_{Sd} = \frac{A_w \cdot (\tau - \tau_m) \cdot d}{10 \cdot (\sqrt{1 + \alpha^2} - \alpha)} = \frac{0,0086 \cdot (66,089 - 123,343) \cdot 10^3 \cdot 0.86}{10 \cdot (\sqrt{1 + 1,163^2} - 1,163)} = -114,197 \, kNm$$

kde $\tau = \frac{V_{sd}}{A_w} = \frac{568,363 \cdot 10^{-3}}{0,86 \cdot 0,01} = 66,089 \, MPa$
 $\tau_m = \frac{f_{yw} \cdot \rho_{vm}}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M1}} = \frac{235 \cdot 1,0}{\sqrt{3} \cdot 1,1} = 123,343 \, MPa$
 $\rho_{v,m} = 1,0$ pozri kapitolu 2.5.4

Keďže $M_{sd} < 1,0$, neuvažujeme ho vo výpočte a posudzujeme výstuhu na účinky tlakovej sily F_{Sd} pôsobiacej voči ťažisku na excentricite $y_{cs} = 21,65$ mm.

$$\lambda_{\rm cr} = \frac{{\sf L}_{\rm cr}}{{\sf i}_{\rm s}} = \frac{0,645}{0,0597} = 10,80$$

$$\overline{\lambda_{cr}} = \frac{\lambda_{cr}}{\lambda_1} \cdot \sqrt{\beta_A} = \frac{10,80}{93,9} \cdot \sqrt{1,0} = 0,1150 \rightarrow \chi = 1,0$$

Posúdenie môžeme vykonať približne ako

$$\frac{F_{Sd}}{\chi \cdot A \cdot f_{yd}} + \frac{F_{Sd} \cdot y_{cs}}{W_{z,s} \cdot f_{yd}} = \frac{568,363 \cdot 10^{-3}}{1,0 \cdot 5,82 \cdot 10^{-3} \cdot 213,636} + \frac{568,363 \cdot 10^{-3} \cdot 0,02165}{78,524 \cdot 10^{-3} \cdot 213,636}$$
$$= 0,457 + 0,001 = 0,458 < 1,0 \qquad \dots \text{ podperová výstuha vyhovuje.}$$

2.5.13 Overenie nosníka žeriavovej dráhy na únavu

a) Konštrukčné detaily na hornej pásnici

Posúdenie na únavu prevedieme podľa STN 73 1401 [3], pričom kategórie detailov určujeme na základe prílohy L v STN P ENV 1993-2 [8]. Konštrukčné detaily, rozhodujúce pri posúdení na únavu hornej pásnice, vyznačujeme na obr. 2.40.

Na hornej pásnici môžeme do najnižšej a najnepriaznivejšej kategórie zaradiť *detail* privarenia príchytok a zarážok koľajnice, ktorý má podľa STN 73 1401 [3] KD 71; m = 3.



Potom z tabuľky 28 v [3] získame

$$\Delta \sigma_C = 71 MPa$$

 $\Delta \sigma_D = 52 MPa$
 $\Delta \sigma_M$ neobmedzené

Obr. 2.40 Únavové detaily - hore

Ak pomerné vyťaženie žeriavu počas životnosti zohľadňujeme 60%, potom rozkmit napätia v hornej pásnici približne zistíme ako

$$\Delta \sigma = 60\% \cdot \frac{M_{V,\text{max}}}{\gamma_F \cdot W_{y,el,1}} = 0, 6 \cdot \frac{922, 20 \cdot 10^{-3}}{1, 2 \cdot 7, 10055 \cdot 10^{-3}} = 64,94 \, MPa$$

- parciálny súčiniteľ spoľahlivosti únavového zaťaženia $\gamma_{Ff} = 1,00$
- parciálny súčiniteľ spoľahlivosti únavovej pevnosti $\gamma_{Mf} = 1,15$
- pre hrúbku materiálov t < 25 mm je súčiniteľ vplyvu hrúbky $\varphi_t = 1,00$
- súčiniteľ nesúmernosti kmitov je pre pulzujúci tlak $\varphi_r = 1,67$

$$\varphi = \frac{\varphi_r \cdot \varphi_t}{\gamma_{Mf}} = \frac{1,67 \cdot 1,0}{1,15} = 1,452$$

Overenie podľa článku 8.7.1.2 v STN 731401 [3]

$$\Delta \sigma \cdot \gamma_{FF} = 64,94 \cdot 1,0 = 64,94 MPa < \Delta \sigma_D \cdot \varphi = 52 \cdot 1,452 = 75,50 MPa$$

Únavové poškodenie by počas životnosti nemalo nestať, detail preto vyhovuje.

Prechod medzi hornou pásnicou a stenou je potrebné posúdiť pre kategóriu detailu KD 36 na účinky zvislých kolesových síl, podľa STN P ENV 1993-6 [7]. Privarenie kútovými zvarmi má podľa tab. 9.1 v [7] $\Delta \sigma_C = 36 MPa$ $\Delta \sigma_D = 27 MPa$ $\Delta \sigma_M$ neobmedzené

Zvislé napätie od kolesovej sily určíme analogicky s kap. 2.5.4. Teda

$$\Delta \sigma = 60\% \cdot \frac{V_{1,\max,k} \cdot \delta}{s_y \cdot t_w} = 0, 6 \cdot \frac{253.10^{-3} \cdot 1, 2}{0,2189 \cdot 0,01} = 83,216 \, MPa$$

Predpokladaný počet kmitov za životnosť je podľa prevádzkovateľa $n = 6 \cdot 10^5$ cyklov.

Za podmienky

$$\Delta \sigma \cdot \gamma_{Ff} = 83,216 \cdot 1,0 = 83,216 MPa > \Delta \sigma_D \cdot \varphi = 27 \cdot 1,452 = 39,204 MPa$$

a zároveň platí

$$\Delta \sigma \cdot \gamma_{Ff} = 83,216 MPa < \Delta \sigma_M \cdot \varphi = neobmedzene$$

je posúdenie dané tvare

$$N = 2 \cdot 10^{6} \cdot \left[\frac{\Delta \sigma_{C} \cdot \varphi}{\Delta \sigma \cdot \gamma_{Ff}} \right]^{3} = 2 \cdot 10^{6} \cdot \left[\frac{36 \cdot 1,452}{83,216 \cdot 1,0} \right]^{3} = 4,96 \cdot 10^{5}$$
$$N = 4,96 \cdot 10^{5} < n = 6 \cdot 10^{5} \quad [cykly] \qquad \dots \text{ nevyhovuje}$$

Navrhneme teda prípoj pásnice a steny pomocou tupého K zvaru, obr. 2.41.



 $\Delta \sigma_D = 52 MPa$ $\Delta \sigma_M$ neobmedzené

 $\Delta \sigma_C = 71 MPa$

Obr. 2.41 Nový prípoj hornej pásnice

Nakoľko platí

$$\Delta \sigma \cdot \gamma_{Ff} = 83,216 \cdot 1,0 = 83,216 MPa > \Delta \sigma_D \cdot \varphi = 52 \cdot 1,452 = 75,504 MPa$$

je posúdenie dané tvare

$$N = 2 \cdot 10^{6} \cdot \left[\frac{\Delta \sigma_{C} \cdot \varphi}{\Delta \sigma \cdot \gamma_{Ff}}\right]^{3} = 2 \cdot 10^{6} \cdot \left[\frac{71 \cdot 1,452}{83,216 \cdot 1,0}\right]^{3} = 3,80 \cdot 10^{6}$$
$$N = 3,80 \cdot 10^{6} > n = 6 \cdot 10^{5} \text{ [cykly]} \dots \text{ vyhovuje}$$

b) Konštrukčné detaily pri spodnej pásnici

Ako ukazuje obrázok 2.42, priečne výstuhy sú privarené na stenu i na dolnú pásnicu *obojstranným kútovým zvarom* (ovarenie okolo obvodu neuvažujeme), čo odpovedá *KD* 71; m = 3.



Obr. 2.42 Únavové detaily - dole

Rozkmit napätia v ťahu je

$$\Delta \sigma = 60\% \cdot \frac{M_{V,\text{max}}}{\gamma_F \cdot I_y} \cdot z_{w2} = 0, 6 \cdot \frac{922, 20 \cdot 10^{-3}}{1, 2 \cdot 2, 72136 \cdot 10^{-3}} \cdot 0,49874 = 84,51 MPa$$

Pre pulzujúci ťah je súčiniteľ nesúmernosti kmitov $\varphi_r = 1,0$, teda

$$\varphi = \frac{\varphi_r \cdot \varphi_t}{\gamma_{M,f}} = \frac{1, 0 \cdot 1, 0}{1, 15} = 0,8696$$

Predpokladaný počet kmitov za životnosť je podľa prevádzkovateľa $n = 6 \cdot 10^5$ cyklov.

Za podmienok

$$\Delta \sigma \cdot \gamma_{Ff} = 84,51 \cdot 1,0 = 84,51 MPa > \Delta \sigma_D \cdot \varphi = 52 \cdot 0,8696 = 51,31 MPa$$
$$\Delta \sigma \cdot \gamma_{Ff} = 84,51 MPa < \Delta \sigma_M \cdot \varphi = neobmedzene$$

je posúdenie dané tvare

$$N = 2 \cdot 10^{6} \cdot \left[\frac{\Delta \sigma_{C} \cdot \varphi}{\Delta \sigma \cdot \gamma_{Ff}}\right]^{3} = 2 \cdot 10^{6} \cdot \left[\frac{71 \cdot 0,8696}{84,51 \cdot 1,0}\right]^{3} = 7,799 \cdot 10^{5}$$
$$N = 7,799 \cdot 10^{5} > n = 6 \cdot 10^{5} \quad [cykly]$$

Nosník žeriavovej dráhy vyhovuje na únavové zaťaženie.

2.6 PRIEČNA VÄZBA - NÁVRH STĹPOV

Stĺpy navrhujeme ako plnostenné zvárané prierezy. V rovine priečnej väzby votknuté do základov. Na horné konce obidvoch stĺpov sa v priečnej väzbe kĺbovo pripája priehradový väzník. Za predpokladu, že väzník považujeme za tuhú rámovú priečľu, je možné priečnu väzbu riešiť ako 1 x staticky neurčitú konštrukciu. Navrhneme iba stĺp, ktorý nie je súčasťou krajnej väzby ani priečneho stuženia haly. So spolupôsobením priečnych väzieb pri bežnom výpočte neuvažujeme, čo je na strane bezpečnej. Zaťaženie priečnej väzby je schematicky znázornené na obr. 2.43, pričom jednotlivé rozmery na obrázku sú



Obr. 2.43 Zaťaženie priečnej väzby

Takúto staticky neurčitú konštrukciu je najefektívnejšie riešiť niektorým z bežne dostupných výpočtových programov na výpočet stavebných konštrukcií.

Ďalej je ale ukázaný približný výpočet naznačenej priečnej väzby. Ak predpokladáme, že väzník pôsobí ako tiahlo (vzperadlo), jedná sa o jeden krát staticky neurčitú konštrukciu. Základnú schému výpočtu 1 x staticky neurčitej priečnej väzby ukazuje obr. 2.44.

Najprv stanovíme staticky neurčitú silu vo väzníku pre každý zaťažovací stav. Vychádza sa pritom z deformačnej podmienky vyjadrujúcej fakt, že v prípade zanedbateľnej dĺžkovej deformácie väzníka, je vodorovný posun vrcholu ľavého a pravého stĺpa rovnaký.

Potom nasleduje výpočet vnútorných síl v konzolovom stĺpe, ktorý je zaťažený príslušným zaťažením a staticky neurčitou silou vo vrchole.



Obr. 2.44 Princíp výpočtu priečnej väzby

2.6.1 Zaťaženie

a) Stále zaťaženie

aa) Tiaž strechy

Sústredíme ju do dvoch síl v hlave stĺpov. Ak uvažujeme priťaženie konštrukcie vlastnou tiažou, berieme súčiniteľ zaťaženia $\gamma_F = 1,1$. Keď uvažujeme jej priaznivý vplyv, potom $\gamma_F = 0,9$.

$$F_{gs,k} = (4,5+0,6) \cdot (q_{k,vaznice} \cdot a + g_{VL,vaznika} \cdot a \cdot b) = 5,1 \cdot (1,414 \cdot 9 + 0,141 \cdot 9 \cdot 2,4) = 80,437 \, kN$$

$$F_{gs,d,min} = F_{gs,k} \cdot 0,9 = 80,437 \cdot 0,9 = 72,395 \, kN$$

$$F_{gs,d,max} = 5,1 \cdot (g_{d,vaznice} + 1,1 \cdot g_{VL,vaznika} \cdot a \cdot b) = 5,1 \cdot (1,625 \cdot 9 + 1,1 \cdot 0,141 \cdot 9 \cdot 2,4) = 91,673 \, kN$$

ab) Tiaž žeriavovej dráhy

Akcia od priľahlých žeriavových dráh k stĺpu

$$F_{g\check{z},k} = g_{k\check{z}} \cdot a = 3,799 \cdot 9 = 34,191 \ kN$$

Jej návrhová hodnota

 $F_{g\check{z},d,max} = 1,1 \cdot F_{g\check{z},k} = 1,1 \cdot 34,191 = 37,610 \ kN$

V prípade priaznivého účinku berieme iba



ac) Vlastná tiaž stĺpa

Hornú časť predpokladáme o hmotnosti g = 1,1 kNm^{-1} . Jej výsledná tiaž

$$F_{gl,k} = g_l \cdot h_l = 1, 1 \cdot 6 = 6, 6 \ kN$$

- pri priťažení $F_{g1,d,max} = 6,6 \cdot 1,1 = 7,26 \ kN$

- pri odľahčení $F_{gl,d,min} = 6,6 \cdot 0,9 = 5,94 \ kN$

Dolná časť väčšieho prierezu má tiaž na *bm* hodnotu $g = 2,2 \ kNm^{-1}$. Výsledná sila je

$$F_{g2,k} = g_2 \cdot h_2 = 2, 2 \cdot 7, 2 = 15,84 \ kN$$

pri priťažení $F_{g2,d,max} = 15,84 \cdot 1, 1 = 17,42 \ kN$

- priaznivý efekt $F_{g2,d,min} = 15,84 \cdot 0,9 = 14,26 \ kN$



Obr. 2.45 Zaťaženie stále

b) Krátkodobé náhodilé zaťaženie

ba) sneh



Bremeno nahrádzajúce sneh z polovice haly je

$$F_s = (5+0,1) \cdot b \cdot a \cdot s_d = 5,1 \cdot 2,4 \cdot 9 \cdot 1,68$$

= 185,069 kN

Obr. 2.46 Zaťaženie snehom

bb) vietor

Budeme uvažovať iba priečny vietor (zľava alebo sprava), keďže pozdĺžny vietor je nepodstatný pre návrh priečnych väzieb, neobsahujúcich vetrové stuženie. Inak je tomu samozrejme pri určovaní pozdĺžneho pôsobenia haly i stužení.

Z STN 73 0035 [2] odčítame tvarové súčinitele pre zaťaženie tlakom vetra. Uvedené sú na obr. 2.47.



Obr. 2.47 Tvarové súčinitele



súčiniteľ zaťaženia $\gamma_{Fw} = 1,3$



Obr. 2.48 Zaťaženie vetrom

Obrázok obr. 2.48 znázorňuje približný výpočet pôsobenia vetra zľava. Samozrejme možný je aj prípad vetra sprava. Vietor je prenášaný plášťom haly do hlavných stĺpov priečnej väzby a do medzistĺpikov. Stĺp priečnej väzby tak preberá rovnomerné zaťaženie zo šírky a / 2 a silu F_{wII} , ako akciu pozdĺžneho odkvapového stužidla, ktoré na hornom konci podopiera medzistĺpik. K týmto účinkom pristupuje ešte sanie vetra na strešný plášť. Jeho výslednicou sú bremená vo vrchole stĺpov. Rovnomerné zaťaženia na stĺp priečnej väzby

$$w = \gamma_F \cdot w_0 \cdot \chi_w \cdot c_w \cdot \frac{a}{2} = 1,3 \cdot 0,45 \cdot 1,03 \cdot 0,8 \cdot 4,5 = 2,169 \, kNm^{-1}$$
$$w = \gamma_F \cdot w_0 \cdot \chi_w \cdot c_w \cdot \frac{a}{2} = 1,3 \cdot 0,45 \cdot 1,03 \cdot (-0,48) \cdot 4,5 = -1,301 \, kNm^{-1}$$

Akcie medzistĺpikov

$$F_{wII} = \gamma_F \cdot w_0 \cdot \chi_w \cdot c_w \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{h}{2} = 1,3 \cdot 0,45 \cdot 1,03 \cdot 0,8 \cdot \frac{9}{2} \cdot \frac{13,2}{2} = 14,317 \, kN$$

$$F_{wII} = \gamma_F \cdot w_0 \cdot \chi_w \cdot c_w \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{h}{2} = 1,3 \cdot 0,45 \cdot 1,03 \cdot (-0,48) \cdot \frac{9}{2} \cdot \frac{13,2}{2} = -8,590 \, kN$$

Výsledné sily od sania na krytine strechy

$$F_{w\perp} = \gamma_F \cdot w_0 \cdot \chi_w \cdot c_w \cdot a \cdot \frac{L}{2} = 1,3 \cdot 0,45 \cdot 1,03 \cdot (-0,55) \cdot 9 \cdot 12 = -35,794 \, kN$$

$$F_{w\perp} = 1,3 \cdot 0,45 \cdot 1,03 \cdot c_w \cdot a \cdot \frac{L}{2} = 0,60255 \cdot (-0,40) \cdot 9 \cdot 12 = -26,032 \, kN$$

c) Zaťaženie žeriavom

ca) zvislé účinky

Maximálne účinky na stĺpy priečnej väzby od kolesových síl získame, ak je žeriav umiestnený podľa obr. 2.49.



maximálne priťaženie stĺpa



777. L

Dynamické účinky na podpery žeriavovej dráhy je možné vyjadriť súčiniteľom δ = 1,05 [2]. Zvislé reakcie, pôsobiace na stĺp, potom budú

P 777

$$F_{V,d,max} = V_{1,max,d} \cdot \delta \cdot (1+0,5) = 303,6 \cdot 1,05 \cdot 1,5 = 478,17 \ kN$$

$$F_{V,d,min} = V_{1,min,d} \cdot \delta \cdot (1+0,5) = 90 \cdot 1,05 \cdot 1,5 = 141,75 \ kN$$

cb) vodorovné účinky žeriavu

Pri návrhu vodorovného nosníka žeriavovej dráhy sme konštatovali, že maximálne sily v stĺpe vzniknú od síl H_{tp} . Ostatné vodorovné účinky žeriavu nebudeme preto pri priečnej väzbe uvažovať. Pre postavenie žeriavu, vyvodzujúce extrémne zvislé reakcie (obr. 2.50) zistíme aj najväčšie horizontálne sily.

$$F_H = H_{tP,d} \cdot 1,0 = 69,575 \cdot 1,0 = 69,575 \ kN$$
$$F_H = H_{tP,d} \cdot 0,5 = 69,575 \cdot 0,5 = 34,788 \ kN$$



Väčšia z týchto horizontálnych reakcií pôsobí priamo na stĺp. Na opačnej strane priečnej väzby je vzpriečené koleso vzdialené od stĺpa o rázvor žeriavu *O* a v tomto mieste pôsobí druhá sila F_{H} . Sily pôsobia na stĺpy podľa obr. 2.51.

Obr. 2.51 Horizontálne účinky

2.6.2 Výpočet staticky neurčitých síl (X) v priečnej väzbe

a) Základné vzťahy

Ukážeme obvyklý výpočet staticky neurčitých síl aplikáciou silovej metódy. Pre deformácie základnej sústavy od jednotlivých zaťažení pritom využijeme vzorce prehľadne uvedené v tabuľke 2.4 (znamienková konvencia je na obr. 2.44).

Ako je známe staticky neurčité sily sú funkciou prierezov stĺpov. Ich výšky už poznáme z dispozície a treba preto odhadnúť hodnoty momentov zotrvačnosti obidvoch častí stĺpa v rovine väzby. Zvyčajne býva pomer I_2 / I_1 medzi 7 až 20. Navrhneme prierezy dimenzií vyznačených na obrázkoch.



Obr. 2.52 Predpokladaný prierez hornej časti stĺpa; $I_1 = 3,924374 \cdot 10^{-4} m^4$



Obr. 2.53 Odhadnutý prierez dolnej časti $stĺpa; I_2 = 3,264795 \cdot 10^{-3} m^4$

Potrebný parameter *k* potom je

$$k = \frac{I_2}{I_1} - 1 = \frac{3,264795 \cdot 10^{-3}}{3,924374 \cdot 10^{-4}} - 1 = 8,319 - 1 = 7,319$$

Súčinitele α v tabuľke 2.4 nadobúdajú hodnoty

$$\alpha_{1} = h_{1} / h = 6 / 13,2 = 0,4545$$

$$\alpha_{2} = h_{2} / h = 7,2 / 13,2 = 0,5455$$

$$\alpha_{3} = h_{3} / h = 0,9 / 13,2 = 0,0682$$

$$\alpha_{4} = h_{4} / h = 8,1 / 13,2 = 0,6136$$

Výpočet deformácií stĺpa od staticky neurčitej jednotkovej sily X = 1 (pri kladnom premiestnení v smere doprava - obr. 2.44)

- priehyb vrcholu ľavého stĺpa od X = 1

$$EI_2 \cdot \delta_{L,1} = -1 \cdot \frac{13, 2^3}{3} \cdot \left(1 + 7, 319 \cdot 0, 4545^3\right) = -1293, 466 \, m^3$$

- na pravom stĺpe zhodného prierezu máme

$$EI_2 \cdot \delta_{P,1} = +1293,466 \, m^3$$

V menovateli vzorca na výpočte staticky neurčitých síl pri obrázku 2.44 potom obdržíme sumu

$$\delta_{P,1} - \delta_{L,1} = 1293,466 - (-1293,466) = 2586,932 \,m^3$$



Tabuľka 2.4 Vzorce na výpočet deformácií stĺpov s odstupňovaným prierezom

b) Stále zaťaženie

ba) maximálna veľkosť stálych zaťažení vyvodí deformáciu

$$EI_{2} \cdot \delta_{L,g,\max} = -EI_{2} \cdot \delta_{P,g,\max} = -\left[\left(F_{gs,\max} + F_{g1,\max}\right) \cdot e_{1} + F_{gz,\max} \cdot e_{2}\right] \cdot h^{2} \cdot \alpha_{2} \cdot \left(1 - \frac{\alpha_{2}}{2}\right) = -\left[\left(91,673 + 7,26\right) \cdot 0,2 - 37,610 \cdot 0,55\right] \cdot 13,2^{2} \cdot 0,5455 \cdot \left(1 - \frac{0,5455}{2}\right) = 62,135 \ kNm^{3}$$

Príslušná staticky neurčitá sila vo vrchole stĺpa

$$X_{g,\max} = \frac{62,135 - (-62,135)}{2586,932} = 0,048 \ kN$$
 (tlak vo väzníku)

Vplyvom vlastnej tiaže vo väzníku teda vzniká tlak.

bb) minimálna hodnota stálych zaťažení produkuje

$$EI_{2} \cdot \delta_{L,g,\min} = -EI_{2} \cdot \delta_{P,g,\max} = -\left[\left(72,392+5,94\right) \cdot 0, 2-30,772 \cdot 0,55 \right] \cdot 13,2^{2} \cdot 0,5455 \cdot \left(1-\frac{0,5455}{2}\right) = 86,971 \ kNm^{3}$$

Staticky neurčitá sila plynie z deformačnej podmienky

$$X_{g,\min} = \frac{86,971 - (-86,971)}{2586,932} = 0,067 \, kN \tag{tlak}$$

c) Zaťaženie snehom spôsobí premiestnenie stĺpa

$$EI_{2} \cdot \delta_{L,s} = -EI_{2} \cdot \delta_{P,s} = -F_{s} \cdot e_{1} \cdot h^{2} \cdot \alpha_{2} \cdot \left(1 - \frac{\alpha_{2}}{2}\right) =$$

= -185,069 \cdot 0, 2 \cdot 13, 2² \cdot 0, 5455 \cdot \left(1 - \frac{0,5455}{2}\right) = -2558,527 \, kNm^{3}

Korešpondujúca sila od rámového účinku

$$X_s = \frac{-2558,527 - 2558,527}{2586,932} = -1,978 \, kN \qquad \text{(t'ah vo väzníku)}$$

Okrem osových síl od primárneho uzlového zaťaženia snehom, vo väzníku vzniká ešte prídavná ťahová sila X_s . Túto silu preberajú pásové prúty.

d) Zaťaženie priečnym vetrom, pôsobiacim na halu "zľava"

- premiestnenie stĺpa na náveternej strane

$$EI_{2} \cdot \delta_{L,w} = w \cdot \frac{h^{4}}{8} \cdot \left(1 + k \cdot \alpha_{1}^{4}\right) + F_{wII} \cdot \frac{h^{3}}{3} \cdot \left(1 + k \cdot \alpha_{1}^{3}\right) + F_{w\perp} \cdot e_{1} \cdot h^{2} \cdot \alpha_{2} \cdot \left(1 - \frac{\alpha_{2}}{2}\right) = 2,169 \cdot \frac{13,2^{4}}{8} \cdot \left(1 + 7,319 \cdot 0,4545^{4}\right) + 14,317 \cdot \frac{13,2^{3}}{3} \cdot \left(1 + 7,319 \cdot 0,4545^{3}\right) + 35,794 \cdot 0,2 \cdot 13,2^{2} \cdot 0,5455 \cdot \left(1 - \frac{0,5455}{2}\right) = 29815,341 \, kNm^{3}$$

- stĺp na záveternej strane haly vykazuje deformáciu

$$EI_{2} \cdot \delta_{P,w} = w \cdot \frac{h^{4}}{8} \cdot \left(1 + k \cdot \alpha_{1}^{4}\right) + F_{wII}^{,} \cdot \frac{h^{3}}{3} \cdot \left(1 + k \cdot \alpha_{1}^{3}\right) - F_{w\perp}^{,} \cdot e_{1} \cdot h^{2} \cdot \alpha_{2} \cdot \left(1 - \frac{\alpha_{2}}{2}\right) =$$

= 1,301 \cdot $\frac{13,2^{4}}{8} \cdot \left(1 + 7,319 \cdot 0,4545^{4}\right) + 8,590 \cdot \frac{13,2^{3}}{3} \cdot \left(1 + 7,319 \cdot 0,4545^{3}\right) -$
-26,032 \cdot 0,2 \cdot 13,2^{2} \cdot 0,5455 \cdot $\left(1 - \frac{0,5455}{2}\right) = 17230,164 \, kNm^{3}$

Staticky neurčitá sila od priečneho vetra potom bude

$$X_{w} = \frac{29815,341 - 17230,164}{2586,932} = 4,865 \, kN \tag{tlak}$$

e) Zvislé účinky žeriavu

- premiestnenia stĺpa, na ktorý pôsobí $F_{v,max}$

$$EI_{2} \cdot \delta_{L,V} = F_{v,\max} \cdot e_{2} \cdot h^{2} \cdot \alpha_{2} \cdot \left(1 - \frac{\alpha_{2}}{2}\right) =$$

= 478,17 \cdot 0,55 \cdot 13,2^{2} \cdot 0,5455 \cdot \left(1 - \frac{0,5455}{2}\right) = 18179,057 kNm^{3}

- na druhej strane haly, kde stĺp zaťažuje sila $F_{v,min}$ obdržíme

$$EI_2 \cdot \delta_{P,V} = -\frac{F_{v,\min}}{F_{v,\max}} \cdot 18179,057 = -\frac{141,75}{478,17} \cdot 18179,057 = -5389,049 \, kNm^3$$

Vyvodená staticky neurčitá sila

$$X_{V} = \frac{18179,057 - (-5389,049)}{2586,932} = 9,110 \, kN$$
 (tlak)

f) Vodorovné účinky žeriavu

Uvažujeme teda len najúčinnejšie sily H_{tp} . Môžeme zostaviť štyri rôzne kombinácie síl F_H a $F_H^{,i}$ (pozri obr. 2.51). Staticky neurčitá sila vo väzníku pritom nemení svoju veľkosť, ale len orientáciu. Na stĺpe zaťaženom silou F_H máme

$$EI_{2} \cdot \delta_{L,H} = F_{H} \cdot \frac{h^{3}}{6} \cdot \left[\alpha_{4}^{2} \cdot (3 - \alpha_{4}) + 3 \cdot k \cdot \alpha_{3}^{2} \cdot \left(1 - \alpha_{4} + \frac{2}{3} \cdot \alpha_{3} \right) \right] =$$

= 69,575 \cdot \frac{13,2^{2}}{6} \cdot \left[0,6136^{2} \cdot (3 - 0,6136) + 3 \cdot 7,319 \cdot 0,0682^{2} \cdot \left(1 - 0,6136 + \frac{2}{3} \cdot 0,0682 \right) \right] =
= 69,575 \cdot 361,3237 = 25139,096 kNm^{3}

Stĺp zaťažený silou F_H má deformáciu

$$EI_2 \cdot \delta_{PH} = -F_H \cdot 361,3237 = -34,788 \cdot 361,3237 = -12569,729 \, kNm^3$$

Staticky neurčitá sila od vodorovného priečenia žeriavu v najúčinnejšej polohe na stĺpy potom bude

$$X_{H} = \frac{25139,096 - (-12569,729)}{2586,932} = 14,577 \, kN \qquad \text{(tlak)}$$

V prípade síl F_H a $F_H^{,}$ pôsobiacich "von" z haly, máme

$$X_H = -14,577 \ kN \tag{t'ah vo väzníku}$$

2.6.3 Výpočet vnútorných síl na ľavom stĺpe



Obr. 2.54 Rozhodujúce prierezy a znamienková konvencia pre vnútorné sily

Vnútorné sily zisťujme na votknutom stĺpe, ktorý po vyriešení staticky neurčitých síl považujeme za konzolu. Pomocou tejto statickej schémy vypočítame vnútorné sily v prierezoch, v ktorých budeme overovať odolnosť stĺpa.

- prierez 1-1 ... prierez hornej časti stĺpa v mieste prípoja na spodnú časť

- prierez 2-2 ... prierez dolnej časti stĺpa v mieste teoretického votknutia do základu

a) Vnútorné sily od stáleho a dlhodobého náhodilého zaťaženia

aa) maximálne vnútorné sily od priťažujúcich účinkov zaťažení

horná časť stĺpa

$$N_{l} = -F_{gs} - F_{gl} = -91,673 - 7,26 = -98,933 \ kN$$
$$V_{l} = -X_{g} = -0,048 \ kN$$
$$M_{l} = -X_{g} \cdot h_{l} = -0,048 \cdot 6 = -0,288 \ kNm$$

spodná časť stĺpa

$$N_{2} = N_{1} - F_{g\tilde{z}} - F_{g2} = -98,933 - 37,610 - 17,424 = -153,967 \ kN$$

$$V_{2} = -X_{g} = -0,048 \ kN$$

$$M_{2} = -F_{gs} \cdot e_{1} - F_{g1} \cdot e_{1} + F_{g\tilde{z}} \cdot e_{2} - X_{g} \cdot h = -91,673 \cdot 0,2 - 7,26 \cdot 0,2 + 37,610$$

$$\cdot 0,55 - 0,048 \cdot 13,2 = 0,265 \ kNm$$

ab) minimálne hodnoty vnútorných síl vyvodených zaťažením s odľahčujúcim efektom

horná časť stĺpa $N_1 = -72,395 - 5,94 = -78,335 \ kN$ $V_1 = -0,067 \ kN$ $M_1 = -0,067 \cdot 6 = -0,402 \ kNm$

spodná časť stĺpa

$$N_2 = -78,335 - 30,772 - 14,256 = -123,363 \ kN$$

$$V_2 = -0,067 \ kN$$

$$M_2 = -72,395 \cdot 0,2 - 5,94 \cdot 0,2 + 30,772 \cdot 0,55 - 0,067 \cdot 13,2 = 0,373 \ kNm$$

b) Vnútorné sily od náhodilého krátkodobého zaťaženia

ba) zaťaženie snehom

horná časť stĺpa

$$N_1 = -F_s = -185,069 \ kN_1$$

$$V_1 = -X_s = 1,978 \ kN$$

 $M_1 = -X_s \cdot h_1 = 1,978 \cdot 6 = 11,868 \ kNm$

spodná časť stĺpa

$$N_{2} = -F_{s} = -185,069 \ kN$$

$$V_{2} = -X_{s} = 1,978 \ kN$$

$$M_{2} = -X_{s} \cdot h_{l} - F_{s} \cdot e_{l} = 1,978 \cdot 13,2 - 185,069 \cdot 0,2 = -10,904 \ kNm$$

bb) zaťaženie vetrom

A) pôsobiacim na halu zľava

horná časť stĺpa

$$N_{I} = F_{w\perp} = 35,794 \ kN$$

$$V_{I} = -X_{w} + F_{wII} + w \cdot h_{I} = -4,865 + 14,317 + 2,169 \cdot 6 = 22,466 \ kN$$

$$M_{1} = \left(-X_{w} + F_{wII}\right) \cdot h_{1} + w \cdot \frac{h_{1}^{2}}{2} = \left(-4,865 + 14,317\right) \cdot 6 + 2,169 \cdot \frac{6^{2}}{2} = 95,754 \ kNm$$

spodná časť stĺpa

$$N_{2} = 35,794 \ kN$$

$$V_{2} = V_{1} + w \cdot h_{2} = 22,466 + 2,169 \cdot 7,2 = 38,083 \ kN$$

$$M_{2} = \left(-X_{w} + F_{wII}\right) \cdot h + w \cdot \frac{h^{2}}{2} + F_{w\perp} \cdot e_{1} = \left(-4,865 + 14,317\right) \cdot 13,2 + 2,169 \cdot \frac{13,2^{2}}{2} + 35,794 \cdot 0,2 = 320,888 \ kNm$$

B) alternatíva vetra zaťažujúceho sprava

horná časť stĺpa

$$N_{I} = F_{w\perp} = 26,032 \ kN$$

$$V_{I} = -X_{w} - F_{wII} + w \cdot h_{I} = -4,865 - 8,590 - 1,301 \cdot 6 = -21,261 \ kN$$

$$M_{1} = \left(-X_{w} + F_{wII} \right) \cdot h - w \cdot \frac{h_{1}^{2}}{2} = \left(-4,865 - 8,59\right) \cdot 6 - 1,301 \cdot \frac{6^{2}}{2} = -104,148 \ kNm$$

spodná časť stĺpa

$$N_2 = 26,032 \ kN$$

$$V_2 = V_1 - w \cdot h_2 = -21,261 - 1,301 \cdot 7,2 = -30,628 \ kN$$

$$M_{2} = \left(-X_{w} + F_{wII}\right) \cdot h - w \cdot \frac{h^{2}}{2} + F_{w\perp} \cdot e_{1} = \\ = \left(-4,865 - 8,59\right) \cdot 13, 2 - 1,301 \cdot \frac{13,2^{2}}{2} + 26,032 \cdot 0, 2 = -285,743 \, kNm$$

c) Zvislé zaťaženie stĺpov žeriavom

ca) najväčšie kolesové sily

horná časť stĺpa $N_I = 0 \ kN$ $V_I = -X_v = -9,11 \ kN$ $M_I = -X_v \cdot h_I = -9,11 \cdot 6 = -54,66 \ kNm$

spodná časť stĺpa

$$N_{2} = -F_{v,max} = -478,17 \ kN$$

$$V_{2} = -9,11 \ kN$$

$$M_{2} = -X_{v} \cdot h + F_{v,max} \cdot e_{2} = -9,11 \cdot 13,2 + 478,17 \cdot 0,55 = 142,742 \ kNm$$

cb) minimálne kolesové sily

horná časť stĺpa

$$N_1 = 0 \ kN$$

 $V_1 = -9,11 \ kN$
 $M_1 = -54,66 \ kNm$

spodná časť stĺpa

$$N_{2} = -F_{v,min} = -141,75 \ kN$$

$$V_{2} = -9,11 \ kN$$

$$M_{2} = -X_{v} \cdot h + F_{v,min} \cdot e_{2} = -9,11 \cdot 13,2 + 141,75 \cdot 0,55 = -42,290 \ kNm$$

d) Vodorovné zaťaženie stĺpov žeriavom

da) od sily priečenia F_H na stĺpe

horná časť

$$N_{I} = 0 \ kN$$

$$V_{I} = \mp X_{H} \pm F_{H} = \mp 14,577 \pm 69,575 = \pm 54,998 \ kN$$

$$M_{I} = \mp X_{H} \cdot h_{I} \pm F_{H} \cdot h_{3} = \mp 14,577 \cdot 6 \pm 69,575 \cdot 0,9 = \mp 24,845 \ kNm$$

spodná časť

$$N_{2} = 0 \ kN$$

$$V_{2} = \mp \ X_{H} \pm F_{H} = \pm \ 54,998 \ kN$$

$$M_{2} = \mp \ X_{H} \cdot h \pm F_{H} \cdot h_{4} = \mp \ 14,577 \cdot 13,2 \pm \ 69,575 \cdot 8,1 = \pm \ 371,141 \ kNm$$

db) od vodorovnej sily produkovanej druhým vzpriečeným kolesom žeriavu

horná časť

$$N_{I} = 0 \ kN$$

$$V_{I} = \mp X_{H} \pm F_{H}^{`} = \mp 14,577 \pm 34,788 = \pm 20,211 \ kN$$

$$M_{I} = \mp X_{H} \cdot h_{I} \pm F_{H}^{`} \cdot h_{3} = \mp 14,577 \cdot 6 \pm 34,788 \cdot 0,9 = \mp 56,153 \ kNm$$

spodná časť

$$N_{2} = 0 \ kN$$

$$V_{2} = \mp X_{H} \pm F_{H}^{'} = \mp 14,577 \pm 34,788 = \pm 20,211 \ kN$$

$$M_{2} = \mp X_{H} \cdot h \pm F_{H}^{'} \cdot h_{4} = \mp 14,577 \cdot 13,2 \pm 34,788 \cdot 8,1 = \pm 89,366 \ kNm$$

2.6.4 Prehľad vnútorných síl a ich rozhodujúce kombinácie

Vnútorné sily od jednotlivých zaťažovacích stavov sú prehľadne uvedené v tabuľke 7.5 a ich kombinácie v tab. 7.6 a 7.7.

Zaťaženie "ľavého" stĺpa	Stále + náhodilé dlhodobé		Náhodilé krátkodobé								
		min.	sneh	vie	tor	účinky žeriavu					
	max.			"zľava"	"sprava"	zvislé max.	zvieló	vodorovné			
							min.	"vľavo" je F _н	"vľavo" je F _н `		
	G _{max}	G _{min}	S	W_{L}	W _P	V _{max}	V_{min}	±Η	± H'		
N 1 [KN]	-98,933	-78,335	-185,069	35,794	26,032	0,000	0,000	0,000	0,000		
V ₁ [KN]	-0,048	-0,067	1,978	22,466	-21,261	-9,110	-9,110	± 54,998	± 20,211		
M ₁ [KN.m]	-0,288	-0,402	11,868	95,754	-104,148	-54,660	-54,660	∓ 24,845	∓ 56,153		
N ₂ [KN]	-153,967	-123,363	-185,069	35,794	26,032	-478,170	-141,750	0,000	0,000		
V ₂ [KN]	-0,048	-0,067	1,978	38,083	-30,628	-9,110	-9,110	± 54,998	± 20,211		
M₂ [KN.m]	0,265	0,373	-10,904	320,888	-285,743	142,742	-42,290	± 371,141	± 89,366		

Tabuľka 2.5 Prehľad vnútorných síl na stĺpe

Kombinácia	N ₁	V ₁	M ₁	noznámka	
Kompinacia	[KN]	[KN] [KN]		poznanika	
G _{max} +S	1	-284,002	1,930	11,580	min N
G_{min} +0,9(W_P +(V_{max} +H'))	2	-54,906	-9,211	-193,867	min M
G _{max} +W _L	3	-63,139	22,418	95,466	max M
G_{max} +0,9(S+(V _{max} +H'))	4	-265,495	11,723	-89,339	
G_{max} +0,9(S+W _P +(V _{max} +H'))	5	-242,066	-7,412	-183,072	rozhoduje

Tabul'ka 2.6 Kombinácie vnútorných síl - Horná časť stĺpa, prierez 1-1

Tabul'ka 2.7 Kombinácie vnútorných síl - Dolná časť stĺpa, prierez 2-2

Kombinácia	ácia		V ₂	M ₂	noznámka	
Kombinacia		[KN]	[KN]	[KN.m]	рогнанка	
G_{max} +0,9(S+(V_{max}+H))	1	-750,882	43,031	452,946	min N	
G_{min} +0,9(S+W _P +(V _{min} -H))	2	-394,071	-83,549	-638,697	min M	
G_{max} +0,9(W_L +(V_{max} +H))	3	-552,105	75,526	751,559	max M	
G_{max} +0,9(S+W _L +(V _{max} +H))	4	-718,668	77,306	741,745	rozhoduje	

Ako vidno z týchto tabuliek, stĺp by sme mali v obidvoch prierezoch overiť pre niekoľko kombinácií. Keďže sú namáhané kombináciou tlaku s ohybom, môžeme niektoré kombinácie vopred vylúčiť. Pre ilustráciu prierezy overíme na najúčinnejšie kombinácie, ktoré sa javia ako rozhodujúce.

<u>*Poznámka:*</u> Výpočet haly programom potvrdil, že rozhodovali tieto kombinácie

2.6.5 Návrh prierezov stĺpa

a) <u>Horná časť stĺpa</u> (zvoleného prierezu v ods. 2.6.2)

Prierezové veličiny



Obr. 2.55 Prierez hornej časti stĺpa

$$A = 1,288 \cdot .10^{-2} \text{ m}^{2}$$

$$I_{y} = 3,924374 \cdot 10^{-4} \text{ m}^{4}$$

$$I_{z} = 5,209869 \cdot 10^{-5} \text{ m}^{4}$$

$$I_{t} = 1,398187 \cdot 10^{-6} \text{ m}^{4}$$

$$I_{w} = 1,891815 \cdot 10^{-6} \text{ m}^{6}$$

$$W_{el,y} = 1,962187 \cdot 10^{-3} \text{ m}^{3}$$

$$W_{el,z} = 4,167895 \cdot 10^{-4} \text{ m}^{3}$$

$$W_{pl,y} = 2,1592 \cdot 10^{-3} \text{ m}^{3}$$

$$W_{pl,z} = 6,3076 \cdot 10^{-4} \text{ m}^{3}$$

$$i_{y} = 174,55 \text{ mm}$$

$$i_{z} = 63,60 \text{ mm}$$

Odhadneme súčiniteľ vzperu na $\chi = 0,6$ a súčiniteľ klopenia na $\chi_{LT} = 0,8$. Približným výpočtom odhadnutý prierez predbežne overíme

$$\frac{N_{Sd}}{\chi.A} + \frac{M_{Sd,y}}{\chi_{LT}.W_{el,y}} = \frac{242,066 \cdot 10^{-3}}{0,6 \cdot 1,288 \cdot 10^{-2}} + \frac{183,072 \cdot 10^{-3}}{0,8 \cdot 1,962187 \cdot 10^{-3}} = 147,95 MPa < f_{yd} = 213,636 MPa$$

Prierez by mal vyhovieť. Podrobnejší výpočet, zohľadňujúci aj iné kritériá, urobíme v ods. 2.6.6.

b) Dolná časť stĺpa (predbežne zvoleného prierezu)



Opäť si prierez približne otestujeme s $\chi = 0,6$ a $\chi_{LT} = 0,8$. Ak by prierez nevyhovel tomuto posúdeniu, bolo by potrebné zmeniť jeho rozmery

 $\frac{N_{Sd}}{\chi.A} + \frac{M_{Sd,y}}{\chi_{LT}.W_{el,y}} = \frac{718,668 \cdot 10^{-3}}{0,6 \cdot 2,704 \cdot 10^{-2}} + \frac{741,745 \cdot 10^{-3}}{0,8 \cdot 8,161986 \cdot 10^{-3}} = 157,89 MPa < f_{yd} = 213,636 MPa$

Tento prierez preto uvážime aj pri podrobnejšom výpočte.

2.6.6 Overenie hornej časti stĺpa

Rozhodujúca kombinácia zaťaženia vyvodzuje nasledujúce vnútorné sily

$$N_{Sd} = N = -242,066 \ kN$$

 $V_{Sd,z} = V = -7,412 \ kN$
 $M_{Sd,y} = M_y = -183,072 \ kNm$

a) Klasifikácia prierezu

Napätie v horných vláknach steny bez uvažovania vzperu, klopenia a vydúvania je

$$\sigma_{1,w} = -\frac{|N|}{A} - \frac{|M_y|}{I_y} \cdot z_{1,w} = -\frac{242,066 \cdot 10^{-3}}{1,288 \cdot 10^{-2}} - \frac{183,072 \cdot 10^{-3}}{3,9243 \cdot 10^{-4}} \cdot 0,18 = -18,794 - 83,972 = -102,766 MPa$$

V ťahových, prípadne menej tlačených vláknach, je

$$\sigma_{2,w} = -\frac{|N|}{A} + \frac{|M_{y}|}{I_{y}} \cdot z_{2,w} = -18,794 + 83,972 = 65,178 MPa$$

Parameter nesymetrie napätí

$$\psi = \frac{\sigma_{2,w}}{\sigma_{1,w}} = \frac{65,178}{-102,766} = -0,6342 > -1,0$$

Príslušná tlačená výška steny

$$d_c = \frac{h_w}{1 - \psi} = \frac{360}{1 - (-0, 6342)} = 220,3 mm$$

Pre triedu prierezov 3 platí podmienka

$$\frac{40 \cdot \varepsilon_m}{0,654 + 0,346 \cdot \psi} = \frac{40 \cdot 1,0}{0,654 + 0,346 \cdot (-0,6342)} = 92,05 > \beta = \frac{d}{t} = \frac{360}{8} = 45$$

Stĺp vyhovuje podmienke pre <u>triedu prierezov 3</u>, pretože štíhlosť steny neprevyšuje limitnú hodnotu.

b) <u>Vplyv šmyku na ohybovú pevnosť</u>

Plastická šmyková únosnosť steny

$$V_{pl,Rd} = \frac{f_y \cdot A_w}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M0}} = \frac{235 \cdot 10^3 \cdot 2,88 \cdot 10^{-3}}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M0}} = 355,23 \ kN$$
$$\frac{V}{V_{pl,Rd}} = \frac{7,412}{355,23} = 0,021 << 0,5$$

Vplyv šmyku neuvažujeme.

- c) <u>Určenie vzperných dĺžok a vzpernostných súčiniteľov χ </u>
- ca) na vybočenie z roviny priečnej väzby

- vzperná dĺžka
$$L_{cr,z} = h_1 = 6 m$$

- štíhlosť $\lambda_z = \frac{L_{cr,z}}{i_z} = \frac{6000}{63,6} = 94,34$
- pomerná štíhlosť $\overline{\lambda_z} = \frac{\lambda_z}{\lambda_1} \cdot \sqrt{\beta_A} = \frac{94,34}{93,9} \cdot \sqrt{1,0} = 1,0047$
Z krivky vzpernej pevnosti *c* plynie $\chi_z = 0,5372$

cb) na vybočenie v rovine priečnej väzby

Vybočenie v rovine väzby je závislé na tuhosti a dĺžke jednotlivých častí stĺpa.



Obr. 2.57 Schéma stĺpa

Do vzorca pre súčiniteľ *c* je potrebné dosadiť sily N_1 a N_2 v dolnej časti stĺpa "2", resp. v hornej časti "1", prislúchajúcu kombináciu, rozhodujúcu pre posudzovaný prierez. Adekvátnu silu N_2 získame z nasledujúcej kombinácie

$$N_{2} = N_{G,\max} + 0.9 \cdot \left[N_{S} + N_{W_{P}} + \left(N_{V,\max} + N_{H} \right) \right] =$$

= -153,967 + 0.9 \cdot [-185,069 + 26,032 - 478,17 + 0] = -727,453 kN

	c k	0,0	0,2	0,4	0,6	0,8	1,0	1,5	2,0	2,5	3,0
I h	0,0	2,00	2,00	2,00	2,00	2,00	2,00	3,00	4,00	5,00	6,00
	0,1	2,00	2,01	2,04	2,11	2,25	2,50	3,43	5,44	5,55	6,65
	0,2	2,00	2,02	2,08	2,20	2,42	2,73	3,77	4,90	6,08	7,25
	0,3	2,00	2,03	2,11	2,28	2,58	2,94	4,07	5,29	6,56	7,82
La ba	0,4	2,00	2,04	2,13	2,36	2,70	3,13	4,35	5,67	7,00	-
	0,5	2,00	2,05	2,18	2,44	2,83	3,29	4,61	6,03	-	-
	0,6	2,00	2,06	2,21	2,52	2,96	3,44	4,86	-	-	-
	0,7	2,00	2,06	2,25	2,59	3,07	3,59	5,08	-	-	-
/////	0,8	2,00	2,07	2,28	2,66	3,17	3,74	-	-	-	-
	0,9	2,00	2,08	2,32	2,73	3,27	3,87	-	-	-	-
$\mathbf{k} = \frac{\mathbf{l}_1}{\mathbf{k}_2} \cdot \frac{\mathbf{h}_2}{\mathbf{k}_2}$	1,0	2,00	2,09	2,35	2,80	3,36	4,00	-	-	-	-
$I_2 h_1$	1,2	2,00	2,10	2,42	2,93	3,55	-	-	-	-	-
	1,4	2,00	2,12	2,48	3,05	3,74	-	-	-	-	-
$\mathbf{C} = \frac{\mathbf{h}_1}{\mathbf{N}_1} \cdot \frac{\mathbf{N}_1}{\mathbf{N}_1} \cdot \frac{\mathbf{I}_2}{\mathbf{N}_1}$	1,6	2,00	2,14	2,54	3,17	-	-	-	-	-	-
$h_2 \gamma N_2 I_1$	1,8	2,00	2,15	2,60	3,28	-	-	-	-	-	-
	2,0	2,00	2,17	2,66	3,39	-	-	-	-	-	-
$\beta_2 = \dots$ tabuľka	2,5	2,00	2,21	2,80	-	-	-	-	-	-	-
ß	5,0	2,00	2,40	-	-	-	-	-	-	-	-
$\beta_1 = \frac{\mu_2}{2} \le 3,0$	10,0	2,00	2,76	-	-	-	-	-	-	-	-
5	20,0	2,00	3,38	-	-	-	-	-	-	-	-

Tabuľka 2.8 Súčinitele vzperných dĺžok votknutého stĺpa

preto potrebné parametre

$$k = \frac{I_1}{I_2} \cdot \frac{h_2}{h_1} = \frac{1}{8,319} \cdot \frac{7,2}{6} = 0,144 \qquad \text{a} \qquad c = \frac{6}{7,2} \cdot \sqrt{\frac{242,066}{727,453} \cdot 8,319} = 1,386$$

Interpoláciou z tabuľky získame

 $\beta_2 = 3,357$ $\beta_1 = 3,357 / 1,386 = 2,422$

Vzperná dĺžka horného stĺpa potom bude $L_{cr,y} = \beta_l \cdot h_l = 2,422 \cdot 6 = 14,532 m$

Jej štíhlosť $\lambda_y = \frac{L_{cr,y}}{i_y} = \frac{14532}{174,55} = 83,254$

Pomerná hodnota štíhlosti $\overline{\lambda_y} = \frac{\lambda_y}{\lambda_1} \cdot \sqrt{\beta_A} = \frac{83,254}{93,9} \cdot \sqrt{1,0} = 0,8866$

Z krivky vzpernej pevnosti *b* tejto štíhlosti priradíme súčiniteľ $\chi_y = 0,6698$

Klopenie hornej časti stĺpa overíme podľa prílohy H normy STN 73 1401 [3]. Stĺp je zabezpečený proti klopeniu v mieste uloženia žeriavovej dráhy a v úrovni prípoja väzníka. Voľná dĺžka na klopenie preto bude $L_{cr,LT} = h_1 = 6 m$.

Parameter krútenia

$$\alpha_{t} = 0,62 \cdot \frac{L_{z}}{h^{*}} \cdot \sqrt{\frac{I_{t}}{I_{z}}} = 0,62 \cdot \frac{6,0}{0,38} \cdot \sqrt{\frac{1,398187 \cdot 10^{-6}}{5,209869 \cdot 10^{-5}}} = 1,6037 \xrightarrow{KK} \gamma = 0,835$$

kde h^* je vzdialenosť stredov pásnic.



Súčiniteľ vzpernej dĺžky pri klopení zistíme pre približný priebeh ohybových momentov podľa obr. 2.58.

$$\chi_M = \frac{0,9\cdot 1,0+5,1\cdot 0,86}{6,0} = 0,881$$

Obr. 2.58 Približný priebeh ohybového momentu

Ak polomer zotrvačnosti tlačeného pásu

$$i_{z1} = \sqrt{\frac{I_z}{I_y} \cdot z_1 \cdot a_1} = \sqrt{\frac{5,209869 \cdot 10^{-5}}{3,924374 \cdot 10^{-4}} \cdot 0,19^2} = 0,0692 \,m$$

kritickú štíhlosť získame ako

$$\lambda = \gamma \cdot \frac{\chi_M \cdot L_{z_1}}{i_{z_1}} = 0,835 \cdot \frac{0,881 \cdot 6,0}{0,0692} = 63,783$$

Štíhlosť pri klopení potom bude $\lambda_{LT} = \lambda \cdot \sqrt{\frac{W_{pl,y}}{W_{el,y}}} = 63,783 \cdot \sqrt{\frac{2,1592 \cdot 10^{-3}}{1,962187 \cdot 10^{-3}}} = 66,909$ Jej pomerná hodnota $\overline{\lambda_{LT}} = \frac{\lambda_{LT}}{\lambda_1} \cdot \sqrt{\beta_w} = \frac{66,909}{93,9} \cdot \sqrt{0,9088} = 0,6793$ Príslušný súčiniteľ pri klopení bude $\chi_{LT} = 0,8636$

d) Overenie prierezu

Prierez triedy 3 musí spĺňať nasledujúce podmienky

- na vzper
$$\frac{N_{Sd}}{\chi_{\min} \cdot A \cdot f_{yd}} + \frac{k_y \cdot M_{y,Sd}}{W_{el,y} \cdot f_{yd}} \le 1,0$$

- na klopenie
$$\frac{N_{Sd}}{\chi_z \cdot A \cdot f_{yd}} + \frac{k_{LT} \cdot M_{y,Sd}}{\chi_{LT} \cdot W_{el,y} \cdot f_{yd}} \le 1,0$$

kde $\chi_{min} = \min(\chi_y; \chi_z) = \min(0,6698; 0,5372) = 0,5372$

$$k_{y} = 1 - \frac{\mu_{y} \cdot N_{Sd}}{\chi_{y} \cdot A \cdot f_{y}} = 1 - \frac{-0.461 \cdot 242.066 \cdot 10^{-3}}{0.6698 \cdot 1.288 \cdot 10^{-2} \cdot 235} = 1,055 < 1,5$$

$$\mu_{y} = \overline{\lambda_{y}} \cdot (2 \cdot \beta_{My} - 4) = 0,8866 \cdot (2 \cdot 1,74 - 4) = -0,461 < 0,90$$

$$\beta_{My} = 1,74 \qquad \text{označuje súčiniteľ ekvivalentného konštantného momentu privybočení ohybom pre priebeh ohybového momentu podľa obr. 2.58.$$

$$\begin{aligned} k_{LT} &= 1 - \frac{\mu_{LTy} \cdot N_{Sd}}{\chi_Z \cdot A \cdot f_y} = 1 - \frac{0,112 \cdot 242,066 \cdot 10^{-3}}{0,5372 \cdot 1,288 \cdot 10^{-2} \cdot 235} = 0,982 < 1,0 \\ \mu_{LT} &= 0,15 \cdot \overline{\lambda_Z} \cdot \beta_{M,LT} - 0,15 = 0,15 \cdot 1,0047 \cdot 1,74 - 0,15 = 0,112 < 0,9 \\ \beta_{M,LT} &\approx \beta_{My} = 1,74 \end{aligned}$$

Kritérium pri vzpere

 $\frac{242,066\cdot 10^{-3}}{0,5372\cdot 1,288\cdot 10^{-2}\cdot 213,636} + \frac{1,055\cdot 183,072\cdot 10^{-3}}{1,962187\cdot 10^{-3}\cdot 213,636} = 0,1638+0,4607 = 0,625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 < 1,0625 <$

Horná časť stĺpa na vzper vyhovuje.

Kritérium, uvažujúce klopenie

 $\frac{242,066 \cdot 10^{-3}}{0,5372 \cdot 1,288 \cdot 10^{-2} \cdot 213,636} + \frac{0,982 \cdot 183,072 \cdot 10^{-3}}{0,8636 \cdot 1,962187 \cdot 10^{-3} \cdot 213,636} = 0,1638 + 0,4966 = 0,660 < 1,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0,000 + 0$

Horná časť stĺpu v styku so spodnou časťou vyhovuje.

2.6.7 Dolná časť stĺpa

Obdobným postupom ako pri hornej časti stĺpa, overíme aj dolnú časť.

$$N_{Sd} = N = -718,668 \ kN$$

 $V_{Sd,z} = V = 77,306 \ kN$
 $M_{Sd,y} = M_y = 741,745 \ kNm$

a) Klasifikácia prierezu

Extrémne tlakové napätie

$$\sigma_{1,w} = -\frac{|N|}{A} - \frac{|M_y|}{I_y} \cdot z_{2,w} = -\frac{718,668 \cdot 10^{-3}}{2,704 \cdot 10^{-2}} - \frac{741,745 \cdot 10^{-3}}{3,264795 \cdot 10^{-3}} \cdot 0,372 = -26,578 - 84,517 = -111,095 MPa$$

Napätie v ťahanej časti

$$\sigma_{2,w} = -26,578 + 84,517 = 57,939 \, MPa$$

Parameter nesymetrie

$$\psi = \frac{\delta_{2,w}}{\delta_{1,w}} = \frac{57,939}{-111,095} = -0,5215 > -1,0$$

Tlačená časť steny

$$d_c = \frac{h_w}{1 - \psi} = \frac{744}{1 - (-0, 5215)} = 489,0 \, mm$$

Podmienka pre klasifikáciu prierezu do 3. triedy

$$\frac{40 \cdot \varepsilon_m}{0,654 + 0,346 \cdot \psi} = \frac{40 \cdot 1,0}{0,654 + 0,346 \cdot (-0,5215)} = 84,47 > \beta = \frac{d}{t} = \frac{h_w}{t_w} = \frac{744}{10} = 74,4$$

b) <u>Vplyv šmyku na odolnosť prierezu</u>

$$V_{pl,Rd} = \frac{f_y \cdot A_w}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M0}} = \frac{235 \cdot 10^3 \cdot 7,44 \cdot 10^{-3}}{\sqrt{3} \cdot 1,1} = 917,672 \, kN$$
$$\frac{V}{V_{pl,Rd}} = \frac{77,306}{917,672} = 0,084 << 0,5 \qquad \text{preto je vplyv šmyku zanedbateľný}$$

c) Určenie vzperných dĺžok a súčiniteľov vzpernosti χ

ca) vybočenie z roviny priečnej väzby

Stĺpy sú kĺbovo uložené v pozdĺžnom smere haly. Pre spodnú časť stĺpa je preto vzperná dĺžka $L_{cr,z} = 7,2 m$.

Príslušná štíhlosť
$$\lambda_z = \frac{L_{cr,z}}{i_z} = \frac{7200}{86,03} = 83,692$$
Jej pomerná veľkosť
$$\overline{\lambda_z} = \frac{\lambda_z}{\lambda_1} \cdot \sqrt{\beta_A} = \frac{83,692}{93,9} \cdot \sqrt{1,0} = 0,8913$$
Súčiniteľ vzperu pre krivku c $\chi_z = 0,6052$

cb)vybočenie v rovine priečnej väzby

Zodpovedajúca sila v hornom stĺpe pre kombináciu, rozhodujúcu pre prierez vo votknutí

$$N_{1} = N_{G,\max} + 0.9 \cdot \left(N_{S} + N_{W_{L}} + N_{V,\max} + N_{H}\right) =$$

= -98,933 + 0.9 \cdot (-185,069 + 35,794 + 0 + 0) = -233,281kN

Pre parametre
$$k = 0,144$$
 a $c = \frac{6}{7,2} \cdot \sqrt{\frac{233,281}{718,668}} \cdot 8,319 = 1,369$

z tabuľky 2.8 plynie $\beta_2 = 3,323$

Vzperné dĺžky

$$L_{cr,y} = \beta_2 \cdot h_2 = 3,323 \cdot 7,2 = 23,926 m$$
$$\lambda_y = \frac{L_{cr,y}}{i_y} = \frac{23926}{347,48} = 68,856$$
$$\overline{\lambda_y} = \frac{\lambda_y}{\lambda_1} \cdot \sqrt{\beta_A} = \frac{68,856}{93,9} \cdot \sqrt{1,0} = 0,7333$$

- z krivky vzpernej pevnosti *b* obdržíme $\chi_y = 0,7646$

Klopenie postupom podľa prílohy H v STN 73 1401 [3].

-voľná dĺžka pri klopení $L_{cr,LT} = h_2 = 7,2 m$ - parameter krútenia

$$\alpha_t = 0,62 \cdot \frac{L_Z}{h^*} \cdot \sqrt{\frac{I_t}{I_z}} = 0,62 \cdot \frac{7,2}{0,772} \cdot \sqrt{\frac{5,379467 \cdot 10^{-6}}{2,001453 \cdot 10^{-4}}} = 0,9480$$

- parameter vplyvu uloženia, zaťaženia a tuhosti $\gamma = 0.924$



 súčiniteľ vzpernej dĺžky pri klopení, zistený pre priebeh ohybových momentov, približne

 $\chi_M = \frac{1+0.86}{2} = 0.93$

- polomer zotrvačnosti tlačeného pásu

$$i_{z1} = \sqrt{\frac{I_z}{I_y} \cdot z_1 \cdot a_1} = \sqrt{\frac{2,001453 \cdot 10^4}{3,264795 \cdot 10^{-3}} \cdot 0,386^2} = 0,0956 \, m$$

- kritická a pomerná štíhlosť pri klopení

$$\lambda = \gamma \cdot \frac{\chi_M \cdot L_{z_1}}{i_{z_1}} = 0,924 \cdot \frac{0,93 \cdot 7,2}{0,0956} = 64,719$$
$$\lambda_{LT} = \lambda \cdot \sqrt{\frac{W_{pl,y}}{W_{el,y}}} = 64,719 \cdot \sqrt{\frac{8,94944 \cdot 10^{-3}}{8,161986 \cdot 10^{-3}}} = 67,769$$

- pomerná štíhlosť pri klopení je potom $\overline{\lambda_{LT}} = \frac{\lambda_{LT}}{\lambda_1} \cdot \sqrt{\beta_w} = \frac{67,769}{93,9} \cdot \sqrt{0,912} = 0,6892$

- odkiaľ súčiniteľ vzpernosti pri klopení $\chi_{LT} = 0,8577$

d) Overenie

- menšia z hodnôt súčiniteľov vzpernosti

$$\chi_{min} = \min(\chi_y; \chi_z) = \min(0,7646; 0,6052) = 0,6052$$
$$k_y = 1 - \frac{\mu_y \cdot N_{Sd}}{\chi_y \cdot A \cdot f_y} = 1 - \frac{-0,5048 \cdot 718,668 \cdot 10^{-3}}{0,7646 \cdot 2,704 \cdot 10^{-2} \cdot 235} = 1,0747 < 1,5$$
$$\mu_y = \overline{\lambda_y} \cdot (2 \cdot \beta_{My} - 4) = 0,7333 \cdot (2 \cdot 1,6558 - 4) = -0,5048 < 0,90$$

Súčiniteľ ekvivalentného konštantného momentu, zistený pre približný priebeh ohybových momentov z obr. 2.59 je

$$\beta_{My} = 1.8 - 0.7 \cdot (0.206) = 1.6558$$

$$k_{LT} = 1 - \frac{\mu_{LTy} \cdot N_{Sd}}{\chi_Z \cdot A \cdot f_y} = 1 - \frac{0,0714 \cdot 718,668 \cdot 10^{-3}}{0,6052 \cdot 2,704 \cdot 10^{-2} \cdot 235} = 0,9867 < 1,0$$

$$\mu_{LT} = 0,15 \cdot \overline{\lambda_Z} \cdot \beta_{M,LT} - 0,15 = 0,15 \cdot 0,8913 \cdot 1,6558 - 0,15 = 0,0714 < 0,9$$

$$\beta_{M,LT} \approx \beta_{My} = 1,6558$$

Overenie na vzper

$$\frac{N_{Sd}}{\chi_{\min} \cdot A \cdot f_{yd}} + \frac{k_y \cdot M_{y,Sd}}{W_{el,y} \cdot f_{yd}} \le 1,0$$

$$\frac{718,668 \cdot 10^{-3}}{0,6052 \cdot 2,704 \cdot 10^{-2} \cdot 213,636} + \frac{1,0747 \cdot 741,745 \cdot 10^{-3}}{8,161986 \cdot 10^{-3} \cdot 213,636} = 0,2056 + 0,4572 = 0,663 < 1,0$$

Prierez na vzper vyhovuje.

Overenie pri klopení

$$\frac{N_{Sd}}{\chi_z \cdot A \cdot f_{yd}} + \frac{k_{LT} \cdot M_{y,Sd}}{\chi_{LT} \cdot W_{el,y} \cdot f_{yd}} \le 1,0$$

$$\frac{718,668 \cdot 10^{-3}}{0,6052 \cdot 2,704 \cdot 10^{-2} \cdot 213,636} + \frac{0,9867 \cdot 741,745 \cdot 10^{-3}}{0,8577 \cdot 8,161986 \cdot 10^{-3} \cdot 213,636} = 0,2056 + 0,4894 = 0,695 < 1,0$$

Stĺp na klopenie vyhovuje.

Prierezy stĺpov sú mierne predimenzované. Úlohou tejto časti bolo ukázať princíp ručného výpočtu rámovej väzby. Bolo by možno vhodné zmenšiť hrúbky a prípadne šírky pásnic horného aj dolného stĺpa, tak aby sa významne nezmenil pomer medzi ich momentami zotrvačnosti. Vtedy by sme zopakovali iba jednotlivé posúdenia, pretože pri približne rovnakom pomere I_2 / I_1 sa hodnoty staticky neurčitých síl X a teda aj vnútorných síl na stĺpoch prakticky nezmenia.

2.6.8 Posúdenie priečneho vodorovného priehybu od žeriavu

Posudzuje sa vodorovná priečna deformácia stĺpa v úrovni temena koľajnice žeriavovej dráhy, vyvolaná vodorovnými účinkami žeriavu. Do úvahy sa berie prevádzkové zaťaženie, v našom prípade ide o sily

$$F_{H,p} = \gamma_F \cdot H_{tp,k} \cdot 1,0 = 1,0 \cdot 63,25 \cdot 1,0 = 63,25 \ kN$$
$$F_{H,p}^{\cdot} = \gamma_F \cdot H_{tp,k} \cdot 0,5 = 1,0 \cdot 63,25 \cdot 0,5 = 31,625 \ kN$$

Maximálny vodorovný účinok na stĺp vyvolá žeriav pri postavení podľa obr. 2.60.



Obr. 2.60 Postavenie žeriavu pri vyšetrovaní priehybu

Staticky neurčitá sila sa potom zistí (pozri 2.6.2)

$$EI_{2} \cdot \delta_{L,H} = \frac{63,25}{69,575} \cdot 25139,096 = 22853,724 \, kNm^{3}$$
$$EI_{2} \cdot \delta_{P,H} = \frac{31,625}{34,788} \cdot (-12569,729) = -11426,862 \, kNm^{3}$$
$$X_{Hp} = \frac{22853,724 - (-11426,862)}{2586,932} = 13,251 \, kN$$

Priehyb v úrovni žeriavovej dráhy získame ako

$$\delta = \frac{1}{EI_2} \cdot \left\{ +F_{H,p} \cdot \frac{h_4^3}{3} \cdot \left[1 + k \cdot \left(\frac{h_3}{h_4}\right)^3 \right] - X_{Hp} \cdot \frac{h^3}{6} \cdot \left[\alpha_4^2 \cdot (3 - \alpha_4) + 3 \cdot k \cdot \alpha_3^2 \cdot \left(1 - \alpha_4 + \frac{2}{3} \cdot \alpha_3\right) \right] \right\} = \frac{10^3}{2,1 \cdot 10^{11} \cdot 3,264795 \cdot 10^{-3}} \cdot \left\{ +63,25 \cdot \frac{8,1^3}{3} \cdot \left[1 + 7,319 \cdot \left(\frac{0,9}{8,1}\right)^3 \right] - \frac{10}{6} \cdot \left[-13,251 \cdot \frac{13,2^3}{6} \cdot \left[0,6136^2 \cdot (3 - 0,6136) + \frac{2}{3} \cdot 0,0682 \right) \right] \right\} = \frac{10^3}{6} \cdot \left[-13,251 \cdot \frac{13,2^3}{6} \cdot \left[-3,251 \cdot \frac{13,2^3}{6} \cdot \left[1 - 2,319 \cdot 0,0682^2 \cdot \left(1 - 2,6136 + \frac{2}{3} \cdot 0,0682 \right) \right] \right] \right]$$

$$= 0,0165 - 0,0070 = 0,0095 m$$

Limitný priehyb podľa čl. 5.2.5 STN 73 1401 [3] je

$$\delta_{\max} = \frac{h_4}{1000} \cdot 2 = \frac{8100}{1000} \cdot 2 = 16, 2 \, mm > \delta = 9,5 \, mm$$

<u>Stĺp vyhovuje</u>. Uvedené posúdenie je striktnejšie v porovnaní s STN P ENV 1993-6 [7], ktorá pripúšťa medzný posun temena koľajnice vplyvom vodorovného priehybu stĺpa hodnotou 1/400 výšky temena koľajnice nad votknutím stĺpa (h_4).

Poznámka: Ešte ostáva navrhnúť stuženia haly, prídavné sily v priečnych väzbách, ktoré sú súčasťou stužení, spôsobia dodatočné namáhanie stĺpov. Rovnako treba preukázať, či vyhovie kotvenie pätky stĺpa. Ďalšie detaily návrhu konštrukčných prvkov haly, oplášťovania, spojov a pod. nechávame na dodatočnom samoštúdiu študentov ([1], [5], [9]).
LITERATÚRA

- [1] P. Marek a kol.: Kovové konstrukce pozemních staveb. SNTL / ALFA 1985
- [2] STN 73 0035: Zaťaženie stavebných konštrukcií. 1986.
- [3] STN 73 1401: Navrhovanie oceľových konštrukcií. 1998.
- [4] STN 27 0200: Elektrické mostové žeriavy nosnosti 5 50 t. 1976.
- [5] Votlučka, L. a kol.: Ocelové konstrukce. Pomůcka pro navrhováni ocelových konstrukcí pozemních staveb. ČVUT 1992.
- [6] Hořejší, J. Šafka, J. a kol.: Statické tabulky. Technický průvodce 51. SNTL / ALFA 1987.
- [7] STN P ENV 1993-6: Navrhovanie oceľových konštrukcií Časť 6: Konštrukcie podopierajúce žeriavy. 2000.
- [8] STN P ENV 1993-2: Navrhovanie oceľových konštrukcií Časť 2: Oceľové mosty. 1998.
- [9] Studnička, J. a kol.: Kovové konstrukce (Průmyslová hala). ČVUT 1988.